計測自動制御学会東北支部 第215回研究集会 (2004.5.27) 資料番号 215-7

低折り返し雑音で所望周波数特性を実現するフィルタバンク

Design of a filter bank with desired frequency response and low aliasing noise

高沢剛史*,阿部正英*,川又政征*

Takashi Takazawa*, Masahide Abe*, Masayuki Kawamata*

*東北大学大学院工学研究科

*Graduate School of Engineering, Tohoku University

キーワード : フィルタバンク (filter bank), 折り返し雑音 (aliasing noise), 所望周波数特性 (desired frequency response), THD (total harmonic distortion), 非最大間引き (oversample)

連絡先: 〒980-8579 仙台市青葉区荒巻字青葉05 東北大学大学院 工学研究科 電子工学専攻 川又研究室
 高沢剛史, Tel.: (022)217-7095, Fax.: (022)263-9169, E-mail: takazawa@mk.ecei.tohoku.ac.jp

1. はじめに

これまで,周波数領域をいくつかの帯域に分割 し,帯域毎の振幅を変化させることができるディ ジタルフィルタについて研究されている.このよ うな所望周波数特性を得られるフィルタを用いて 周波数振幅特性を変化させ、話者の明瞭度を改善 するフィルタが研究されている^{1,2)}.周波数振幅 特性を変化させるフィルタでは1つの周波数帯域 に対して1つのパラメータを変化させるだけで周 波数振幅特性を変えられる特性を持つフィルタが 望ましい.しかし,これまで研究されてきた所望 周波数特性を実現するフィルタは,固定小数点演 算のディジタルシグナルプロセッサ(Digital Signal Processor: DSP) では高精度に信号を処理できな いという問題や,隣り合うサブバンド間のゲイン の差を大きくすると折り返し雑音が発生するとい う問題があった.本稿では,サブバンド間のゲイン

の差を大きくしても折り返し雑音が発生しにくい フィルタバンクを提案する.そして,設計したフィ ルタバンクについて周波数振幅特性とTHD(Total Harmonic Distortion)を測定し,測定結果から提 案するフィルタバンクが低折り返し雑音で所望周 波数特性を実現するのに有効なフィルタであるこ とを示す.また,計算量の上限が従来のフィルタ バンクを用いた方法の4/3倍に抑えられることを 示す.

2. 従来の所望周波数特性を実現 するフィルタ

従来の所望周波数特性を実現するフィルタの構 造と利点,問題点について述べる.

2.1 周波数サンプリングフィルタ

周波数サンプリング法で求められたインパルス 応答の伝達関数を変形すると、くし形FIRフィル タ部とIIRフィルタ部に分割できる^{3,4)}.このFIR フィルタとIIRフィルタに分割する構成で実装した フィルタを周波数サンプリングフィルタ(Frequency Sampling Filter: FSF)と呼ぶ.FSFはくし形フィ ルタの反共振周波数とIIRフィルタの共振周波数を 組合せて平坦な周波数振幅特性を実現する.固定 小数点演算で急峻な共振周波数を持つIIRフィルタ を実装する場合、係数量子化誤差と演算精度の問 題で共振周波数を設計通りの周波数にすることは 困難である.そのため、FSFを固定小数点DSPに 実装した場合、共振周波数と反共振周波数が完全 に一致せず、周波数振幅特性に歪みが生じる.

また,FSFにおける周波数分割は人間の聴覚の 周波数選択性に合った分割ではない.これは,FSF が周波数帯域を等分割するからである.一方,人 間の聴覚は低域ほど周波数選択性が良いことが知 られている.そのため,この特性に合わせるため には低域ほど分割数が多くなる構造が望ましい.

2.2 木構造最大間引きフィルタバンク

フィルタバンクは各種フィルタとサンプリング レート変換器を組合せ,周波数帯域毎に信号処理を するフィルタである.最大間引き(maximally decimated)フィルタバンクは,それぞれのサブバン ドを*S_kでダウンサンプリングしたとすると*,

$$\sum_{k} \left(\frac{1}{S_k}\right) = 1$$

を満たすフィルタバンクである.木構造 (tree structured) フィルタバンクは2分割や3分割などの分割 数の少ないフィルタバンクを縦続に接続し,分割 数を多くするフィルタバンクである.

木構造のフィルタバンクは離散ウェーブレット 変換に対応し,周波数を対数的に分割する.この 分割は聴覚特性に良く合う.また,FIRフィルタの 組合せによる構成も可能であり⁵⁾,係数感度の高 いIIRフィルタを使用しなくても良い.このため, 固定小数点DSPを用いて精度良く実装できる.

一般にフィルタバンクは分割数が多いほど設計 の自由度が増大し,設計が困難になる.しかし,木 構造フィルタバンクは分割数の少ないフィルタバ ンクを縦続にすることにより多分割化している. この構造を採用することにより多分割フィルタバ ンクの設計の自由度を減少させることができる. よって多分割フィルタバンクの設計が容易となる.

木構造フィルタバンクは,人間の聴覚特性を考 慮した信号処理を行う場合に有効な対数的分割の 特性や,設計の容易さなど望ましい特性を備える. しかし,木構造最大間引きフィルタバンクを用い ると,隣り合うサブバンドのゲインに差がある場 合,折り返し雑音が発生する.これは,最大間引 きフィルタバンクの構造がダウンサンプルに伴う 折り返し雑音を隣り合うサブバンドの信号で互い に打ち消し合う構造になっているためである.こ のため,隣り合うサブバンドのゲインが変化する と折り返し雑音を互いに打ち消し合えなくなり, 出力に折り返し雑音の成分が残留する.この折り 返し雑音が出力される原因について3.1で詳しく述 べる.

2.3 DFT (FFT), DCTフィルタバンク

DFTフィルタバンクやDCTフィルタバンクは, 時間領域の信号を一度周波数領域へ変換し,周波 数領域で処理を行った後,再び時間領域の信号へ再 変換するフィルタである.DCTフィルタは,複素数 演算が必要となるDFTフィルタバンクに対し,同 様の演算を実数演算だけで行えるように工夫した フィルタである.DCTフィルタバンクとDFTフィ ルタバンクはどちらも等分割最大間引きフィルタ バンクである.



Fig. 1 2分割フィルタバンクの構成

DCTフィルタバンクとDFTフィルタバンクは, まず低域フィルタを設計し,設計された低域フィ ルタを変調することで各帯域のフィルタとする変 調フィルタバンクである⁵⁾.このため,多分割フィ ルタバンクの設計が容易である.

しかし,DCTフィルタバンクもDFTフィルタバ ンクも周波数領域を等分割するフィルタである. そのため,人間の聴覚特性と合わない.また,最 大間引きフィルタバンクであるため,サブバンド のゲインを変化させると折り返し雑音が発生する. さらに,ブロック単位でフィルタリングするため, 前後のブロックのゲインを変化させた場合,ブロッ クとブロックの境界で歪みが発生する.

低折り返し雑音で所望周波数 特性を実現するフィルタバンク

サブバンドのゲインを変化させても折り返し雑 音が発生しにくいフィルタバンク構造を提案する. まず,3.1で最大間引きフィルタバンクで折り返し 雑音が発生する原因を説明する.次に3.2で折り返 し雑音を低減する提案法について原理を説明し, 3.3で具体的な設計法について述べる.さらに3.4 で多ステージによる多分割化について述べる.最 後に3.5で提案法における計算量について検討する.

3.1 最大間引きフィルタバンクで折り返 し雑音が発生する原因

サブバンドのゲインを変化させると折り返し雑 音が発生する理由をFig.1に示す完全再構成2分割 フィルタバンクを用いて詳しく説明する.完全再 構成 (Perfect Reconstruction: PR) フィルタバンク とは,出力信号 $\hat{x}(n)$ が入力信号 x(n)の遅延だけで 構成されるフィルタバンクである.式(1)および式 (2)に2分割フィルタバンクが完全再構成となる条 件式を示す.

$$F_0(z)H_0(z) + F_1(z)H_1(z) = 2z^{-l} \quad (1)$$

$$F_0(z)H_0(-z) + F_1(z)H_1(-z) = 0 \qquad (2)$$

ここで, H_0 , H_1 , F_0 , F_1 はそれぞれ

 H_0 :低域通過特性を持つ分割 (analysis) フィルタ H_1 :高域通過特性を持つ分割 (analysis) フィルタ F_0 :低域通過特性を持つ合成 (synthesis) フィルタ F_1 :高域通過特性を持つ合成 (synthesis) フィルタ である.式(1)は無歪み条件 (no distortion) と呼ば れ,周波数振幅特性と周波数位相特性を平坦とす るための条件である.式(2)はエイリアス除去条件 (alias cancellation) と呼ばれ,各サプバンドで発 生したエイリアスを打ち消し合うための条件であ る.式(1)および式(2)は出力 $\hat{x}(n)$ の伝達関数 $\hat{X}(z)$ を求める次式から導かれる.

$$\hat{X}(z) = \frac{1}{2} \Big[F_0(z) H_0(z) + F_1(z) H_1(z) \Big] X(z) + \frac{1}{2} \Big[F_0(z) H_0(-z) + F_1(z) H_1(-z) \Big] X(-z)$$
(3)

式(3)は,X(z)の項とX(-z)の項からなる.X(z)の 項の係数が遅延だけとなれば出力信号は周波数振 幅特性で歪みがなくなる.式(1)がこの条件となる. また,折り返しの成分であるX(-z)の項が0とな れば折り返しの成分は出力信号に含まれない.式 (2)がこの条件である.式(1)と式(2)を満たすフィ ルタはいくつか考案され,それぞれについて研究 されてきた.Daubechiesウェーブレットで使われ るPR-QMF (PR Quadrature Mirror Filter) は

$$F_0(z) = H_1(-z) , F_1(z) = -H_0(-z)$$
 (4)

の組合せを用いて設計される.

– 3 –



Fig. 2 低折り返し雑音フィルタバンクの原理

しかし,完全再構成の条件である式(1)および式 (2)は,サブバンドに分割された信号に対して何ら 処理をしないことを前提にしている.そのため,何 らかの処理をすると折り返し雑音は0とならない.

3.2 折り返し雑音を低減する構造

ここでは,折り返し雑音を低減する構造について,原理と具体的な手法について述べる.

3.2.1 クロスオーバー周波数とダウンサンプリ ング

M分割最大間引きフィルタバンクでは,サブバ ンドのクロスオーバー周波数(隣り合う2つのサブ バンドの振幅が一致する周波数)とπ/M[rad]が一 致する.このため,サブバンドに折り返し雑音が 発生し,発生した折り返しをサブバンド間で打ち 消し合えない場合は出力に折り返し雑音成分が残 留する.

これを改善するため,Fig.2に示すようにπ/M[rad] からクロスオーバー周波数を離し,折り返しを低 減する.この構造をFig.3に示す.例として*M* = 2 の場合を挙げると,クロスオーバー周波数を0.5π よりも低い方へシフトさせ,低域側のみ2でダウ ンサンプリングする構造にする.この場合,発生 する折り返し雑音はLPFの阻止域の部分だけとな り,出力に含まれる折り返し雑音はごくわずかと なる.そして,サブバンドのゲインを変化させて も折り返し雑音は増加しない.



 Fig. 3
 低折り返し雑音の2分割フィルタバンク

 構造



Fig. 4 非最大間引き3分割フィルタバンク構造

3.2.2 非最大間引き3分割構造

3.2.1における構造では高域をダウンサンプルし ておらず,計算量が多くなる.これを改善した構 造をFig. 4に示す.3.2.1のようにクロスオーバー 周波数を変え,折り返しを起こしにくくする構造 を高域側にも適用する.そして,LPFとHPFの間 にBPFを挟むことにより周波数振幅特性の連続性 を保つ (Fig. 5).これにより,LPFとHPFはクロ スオーバー周波数からナイキスト周波数までの余 裕を確保でき,ダウンサンプリングしても折り返 し雑音は低いレベルで抑えられる.また,BPFも 3でダウンサンプリングすることにより計算量を 削減できる.

3.3 低折り返し雑音で実現する3分割フィ ルタバンクの設計法

ここでは,3.2で述べた構造を実現する各フィル タの具体的な設計法について述べる.



Fig. 5 低折り返し雑音の3分割フィルタバンク の原理

3.3.1 プロトタイプフィルタ(LPF)の条件

プロトタイプフィルタの通過域端周波数と遮断 周波数,阻止域端周波数がすべて $\pi/2 < \omega < \pi/3$ の範囲に入るようにFIR形のLPFを設計する.こ れは、3.3.2で述べる設計法ではLPFのカットオフ 周波数がLPFとBPFのクロスオーバ周波数となり, LPFの通過域端周波数がBPFの阻止域端周波数と なるからである.LPFは2でダウンサンプリング するため,阻止域端周波数が $\pi/2$ より低い周波数 でなければならない.これは、 $\pi/2$ より高い周波 数は折り返しとなるからである.一方,BPFは3でダウンサンプリングするため阻止域端周波数は $\pi/3$ より高い周波数でなければならない.これは、 $\pi/3$ より低い周波数は折り返しとなるからである.

さらに、プロトタイプLPFにおいてπ/2以上の 周波数におけるサイドローブはLPFの折り返し雑 音の原因となる.一方,π/3以下の周波数におけ るLPFの通過域リプルは,BPFのサイドローブと なるので,折り返し雑音の原因となる.そのため, プロトタイプLPFを設計する場合,阻止域と通過 域のリプルは小さいほど良い.

なお,LPFとBPF,HPFはそれぞれスペクトル 因数分解をして分割バンクと合成バンクに分ける ため,阻止域減衰量は設計時の約半分となる.こ の点に注意し,仕様を満たすプロトタイプフィル タを設計する.

3.3.2 HPF, BPFの設計

HPFとBPFはプロトタイプフィルタを以下の式 で変換して求める.

$$H_{\rm HPF}(z) = H_{\rm LPF}(-z) \tag{5}$$

$$H_{\rm BPF}(z) = 1 - H_{\rm LPF}(z) - H_{\rm HPF}(z)$$
(6)

HPFはプロトタイプフィルタを式(5)の通り周 波数変換することによって求める.BPFは1から HPFの伝達関数とLPFの伝達関数を減算すること で求める.式(5)と式(6)より,LPFとBPF,HPFの 各伝達関数を足し合わせると1となり,全域通過特 性を実現できる.また,実際には因果律を満たす ため,各フィルタに遅延を挿入する.

3.3.3 スペクトル因数分解と分割バンク,合成バ ンクの設計

設計されたLPFとHPF, BPFをそれぞれスペク トル因数分解し,因数(零点)を2つに分配するこ とで分割バンクと合成バンクを設計する.

各FIRフィルタは,零点の分配の組合せによって,分割フィルタ F_i と合成フィルタ H_i に以下の性質を持たせることができる⁵⁾.ここで,i = 1, 2, 3である.

i) *F_iとH_i*が実係数フィルタ

- ii) $F_i \ge H_i$ が対称
- iii) $F_i > H_i$ が直交

i)は*z*と*z*を同じフィルタに配分することにより実 現できる.ここで,*z*は*z*の複素共役である.ii)は *z*と*z*⁻¹を同じフィルタに配分することにより実現 できる.この時,係数が対称となるので,線形位 相が実現できる.iii)は*z*と*z*⁻¹を別々のフィルタに 配分するすることにより実現できる.つまり,実 係数でかつ線形位相のフィルタは,*z*,*z*,*z*⁻¹,*z*⁻¹





Fig. 7 3ステージ7分割フィルタバンクの構造

の4つを同じフィルタに組み入れることで実現で きる.線形位相フィルタバンクの零点の組合せ例 をFig. 6 (a) に示す.また,実係数でかつ直交の フィルタは, $z \ge \overline{z}$ の組 $\ge z^{-1} \ge \overline{z}^{-1}$ の組に分けるこ とで実現できる.直交フィルタバンクの零点の組 合せの例をFig. 6 (b) に示す.

3.4 多ステージによる多分割化

設計した3分割のフィルタバンクを木構造にする ことで多分割化できる.3ステージのフィルタバン クを実現する構造をFig.7に示す.各ステージで は、ダウンサンプリングされたLPFの出力信号を、 さらに同じ構造のフィルタバンクを使用して分割 することで分割数を増やす.また、低域側だけ再 帰的に分割することにより、周波数帯域を対数的 に分割する.これは人間の聴覚特性に良く合った 周波数分割となる.

3.5 計算量についての考察

ここでは,3.3で提案した構造を実現した場合の 1サンプル当りの計算量について検討する.

 Table 1
 提案法における各フィルタの単位サン

 プル当りの計算量

フィルタ	次数	1サンプル当りの計算量
LPF analysis	N-1	N/2
BPF analysis	N-1	N/3
HPF analysis	N-1	N/2
LPF synthesis	N-1	N/2
BPF synthesis	N-1	N/3
HPF synthesis	N-1	N/2

まず, Table 1に提案法における各フィルタの1 サンプル当りの計算量について示す.ただし,プ ロトタイプLPFのフィルタ次数を(2*N* – 2)次とす る.分割バンクと合成バンクはプロトタイプフィ ルタを分割しているので次数はそれぞれ*N* – 1次 *N*タップである.*M*のダウンサンプリングを含む FIRフィルタは,フィルタの構造をポリフェーズ構 造とすることで1サンプル当りの計算量を1/*M*に 減らすことができる⁵⁾.よって,2でダウンサンプ リングするLPFとHPFの分割バンクの計算量はそ れぞれ*N*/2タップとなる.同様に合成バンクも*N*/2 タップとなる.また,3でダウンサンプリングする BPFの分割バンクと合成バンクの計算量はそれぞ れ*N*/3タップとなる.

以上から,ステージ1の計算量 T_1 は

$$T_1 = 2\left(\frac{N}{2} + \frac{N}{3} + \frac{N}{2}\right) = \frac{8N}{3} \tag{7}$$

となる.

nステージのフィルタバンクの計算量 T_n を求めると,

$$T_n = \frac{8N}{3} + \frac{1}{2}T_{n-1} \tag{8}$$

$$= \frac{16N}{3} \left[1 - \left(\frac{1}{2}\right)^n \right] \tag{9}$$

 $n \to \infty$ では

$$\lim_{n \to \infty} \frac{16N}{3} \left[1 - \left(\frac{1}{2}\right)^n \right] = \frac{16N}{3} \qquad (10)$$

となり定数に収束する.つまり,高速ウェーブレット変換と同様に,分割数をどんなに増やしても1

サンプル当りの計算量の上限を定数のオーダーに 抑えることができる.

また,高速ウェーブレット変換に使用される2分 割フィルタバンクを縦続に接続したフィルタバン クの計算量は同様に求められ,

 $n \to \infty \, \overline{\mathbf{C}}$

$$\lim_{n \to \infty} 4N \left[1 - \left(\frac{1}{2}\right)^n \right] = 4N \qquad (11)$$

である.式(10)と式(11)から提案法の1サンプル当 り計算量の上限は従来の2分割木構造フィルタバン クの4/3倍となる.

4. フィルタ特性測定実験

提案するフィルタバンクを計算機で実現し,フィ ルタ特性を測定した結果を示す.

4.1 フィルタ係数の導出

実験に使用したフィルタ係数を導出する手順を 具体的に示す.

4.1.1 プロトタイプLPFの設計

プロトタイプフィルタは窓関数法により設計し た84次のFIRフィルタを使用した.窓関数はカイ ザー窓を使用し, $\alpha = 14$ とした.また,遮断周波 数は3.3.1より $(\pi/2 + \pi/3)/2 = 5/12\pi$ とした.

4.1.2 BPFとHPFの設計

式(5)と式(6)に従い、プロトタイプLPFのインパ ルス応答からHPFとBPFのインパルス応答を算出 した.設計されたLPFとBPF、HPFの特性と、3 つのフィルタを合成した全域通過特性をFig.8に 示す.



Fig. 8 LPF, BPF, HPFの周波数振幅特性

4.1.3 分割バンクと合成バンクの設計

今回用いた零点の分配は,分割フィルタと合成 フィルタが実係数で,線形位相かつ同じ次数とな るようにした.この条件を満たす複数の零点配置 の組合せの中から,周波数振幅特性の良い組合せ を選ぶ.しかし,条件を満たす組合せの数が非常 に多いため,ここでは確率的探索手法を用いる.

具体的には以下の手順で求めた.まず,評価関 数をLPFは[$\pi/2, \pi$], BPFは[$0, \pi/3$], [$2\pi/3, \pi$], HPF は[$0, \pi/2$]の範囲のサイドローブの最大値とする.

- Step 1 零点配置の組合せを生成し,周波数振幅特性 を求める.
- Step 2 LPFは $\omega = 0$, BPFは $\omega = \pi/2$, HPFは $\omega = \pi$ でそれぞれ振幅の絶対値が1となるように インパルス応答の振幅を正規化する.

Step 3 評価関数の数値を計算する.

Step 4 求めた組合せが,その直前までの試行で求 められた評価関数を最小にする組合せより も小さければ最適な組合せを更新する.

Step 5 Step 1に戻る

 Table 2に示す計算機を用いてLPFとBPF, HPF

 のどのフィルタも上述の探索を130時間ずつ実行し

 た.LPFでは計算開始から8時間後, HPFでは開



高調波雑音が含まれるフィルタは周波数振幅特性を測定するだけではフィルタの特性を表すことはできない、今回は以下に示す方法により,THD (Total Harmonic Distortion) と周波数振幅特性を

フィルタをFig. 10, HPFの分割フィルタと合成フィ

ルタをFig. 11に示す.また,それぞれのフィルタ

のインパルス応答をFig. 12に示す.

測定した.まず,テスト信号をフィルタリングし た出力信号を4096点ずつFFTした.そのデータか ら入力信号と同じ周波数成分と,それ以外の高調 波雑音成分とに分離し,それぞれのパワーを計算 した.そして入力信号と高調波成分とのパワーの 比をTHDとして計算した.また,入力信号と同じ 周波数成分を持つ信号と入力信号とのパワーの比 を周波数振幅特性として計算した.

4.3 測定方法

MATLABを用いて,64bit浮動小数点演算を用 いて実験した.サンプリング周波数は44.1kHzと し,純音を20[Hz]から22.05[kHz]まで100[Hz/sec]で スイープさせた信号を生成した.この信号を設計 したフィルタに入力し,フィルタから出力された 信号を4.2で述べた方法で評価した.使用した環境 はTable 2と同様である.

4.4 結果

提案法を用いた場合とPR-QMFバンクを用いた 場合について比較実験した結果のうち,2つの例 を示す.また,PR-QMFでは実現できない例につ いて実験した結果を1つ示す.

仕様1 帯域減衰特性を持ち,帯域の減衰量は40dB 仕様2 高域通過特性を持ち,低域の減衰量は40dB 仕様3 ランダムにゲインを設定

仕様1と仕様2において,提案法とPR-QMFバン クをそれぞれ2ステージで実現した.提案法はPR-QMFのよりも分割数が多い.そのため,PR-QMF と比較ができるよう各ステージのBPFのゲインは 隣り合う2バンドの平均のゲインとした.仕様3は 提案法の3ステージの場合を測定した.

仕様1についてFig. 14にTHDの測定結果, Fig. 15 に周波数振幅特性を示す. 同様に, 仕様2について,



Fig. 14 仕様1のTHD



Fig. 15 仕様1の周波数特性

Fig. 16にTHDの測定結果, Fig. 17に周波数振幅特 性を示す.仕様3について, Fig. 18にTHDの測定結 果, Fig. 19に周波数振幅特性を示す.なお, Fig. 15 とFig. 17, Fig 19中の破線は設定したゲインを表 わす.

仕様1の場合も仕様2の場合も提案法ではTHDの 最大値が抑えられている.また,提案法は2ステー ジPR-QMFバンクを用いた場合よりも周波数領域 での選択性が増している.

3ステージで実現した7分割フィルタバンクでは, Fig. 19のように急峻に周波数特性を変化させても THDは低く抑えられている.







Fig. 19 7分割フィルタバンクの周波数特性



Fig. 17 仕様2の周波数特性



Fig. 18 7分割フィルタバンクのTHD

5. まとめ

本稿では,低折り返し雑音で所望周波数特性を 実現するフィルタバンクを提案し,具体的な設計 例を示した.また,設計したフィルタバンクの特性 を測定することにより,低折り返し雑音で所望周 波数特性が実現できることを示した.さらに,本 構造の計算量を考察し,従来のPR-QMFバンクを 使用した場合と比べ計算量を最大で4/3倍に抑え られることを示した.以上の点より提案するフィ ルタバンクが所望周波数特性フィルタを実現する のに有効である.

参考文献

- 浅野太,鈴木陽一,曽根敏夫,林哲也,佐竹充章,大山健二,小林俊光,高坂知節:ラウドネス補償特性 を有するディジタル補聴器の一構成法,日本音響学 会誌,47-6,(1991)
- E. W. Yund: Multichannel compression in the normal ear and as a signal processing algorithm for the hearing impaired, ISCAS'98, vol6, 578/581, (1998)
- L. R. Rabiner, R. W. Schafer: Recursive and nonrecursive realization of digital filters designed by frequency sampling techniques, IEEE Trans. Audio Electroacoust., AU-19-3, 200/207, (1971)
- 4) 三谷政昭: ディジタルフィルタデザイン, 82/86, 昭 晃堂, (1988)
- 5) G. Strang, T. Nguyen: Wavelets and Filter Banks, 103/173, 299/336, Wellesley-Cammbridge Press, (1996)