計測自動制御学会東北支部 第 313 回研究集会 (2017.12.9) 資料番号 313-4

## A Consideration on Subdivision of Basic Step Angle in Full-Step Drive of a Stepping Motor

○松尾健史\*,三浦武\*,田島克文\*,

○ Kenshi Matsuo\*, Takeshi Miura\*, Katsubumi Tajima\*,

\*秋田大学

### \*Akita University

**キーワード**: ステッピングモータ (stepping motor), フルステップ駆動 (full-step drive), マイクロステップ駆動 (micro-step drive), 低速域振動 (low frequency resonance), 振動特性 (resonance characteristics),

**連絡先**: 〒010-8502 秋田県秋田市手形学園町 1-1 秋田大学大学院 理工学研究科 松尾 健史, Tel.: (018)889-2332, Fax.: (018)837-0406, E-mail: matsuo@gipc.akita-u.ac.jp

## 1. はじめに

ステッピングモータは指令パルスにより,セン サを必要とせず開ループで回転角度や回転速度 を制御できるモータである.この簡易性から低 コストでシステムを構築できる.このため,FA 機器や OA 機器などに幅広く採用されている.

しかし,特定の入力パルス周波数において,急 に振動が大きくなる共振現象<sup>1)</sup>が起こり,これ が低速域振動および位置決め時の整定時間の増 大の原因となる.この振動に対する一般的な抑 制法として,基本ステップ角の細分化するマイ クロステップ駆動がある.しかし,この駆動法 は電流値を微細に制御できる回路が必要であり, 駆動回路が高価になる問題がある.

そこで、2相ステッピングモータにおいて安価 なフルステップ駆動回路でも、励磁スイッチング シーケンスの調整を行うことで、基本ステップ 角を細分化できる方法が提案され,さらに,こ の方法により振動が抑制される駆動結果が示さ れている<sup>2)</sup>.しかし,これは1相励磁駆動に基づ いているため,正弦波の励磁電流により基本ス テップ角を細分化する従来法のマイクロステッ プ駆動で発生するトルクより小さくなる.そこ で,スイッチングシーケンスの調整で細分化す る方法を,2相励磁駆動で実現した方法<sup>3)</sup>が,近 年報告されている.この方法は,2相モータで 発生されうるトルクをすべて使い切ることがで きる.しかし,この方法はまだ振動性能を,ま だ十分に評価されていない.

そこで本研究では、振動特性を評価するため、 その2相励磁駆動のスイッチングシーケンス調 整法<sup>3)</sup>と1相励磁駆動の調整法<sup>2)</sup>(以降本研究 では、それぞれ2相励磁形調整法および1相励 磁形調整法と呼ぶ)で駆動した場合の速度振動



Fig. 1 ステッピングモータ駆動システムの概 略図. A sketch diagram of a stepping motor drive system.

特性を取得し,他の駆動法と比較する.具体的 には,従来法のフルステップ駆動である1相励 磁駆動,2相励磁駆動の場合,および,(正弦波 励磁電流で駆動した)従来法のマイクロステッ プ駆動おける速度振動特性をそれぞれ取得する. さらに,1相および2相励磁形調整法を元に,こ れらで発生されうるトルクと,それぞれ同じト ルクが発生するように励磁電流を与えた変形の マイクロステップ駆動(以降,1相励磁形マイ クロステップ駆動,2相励磁形マイクロステッ プ駆動<sup>4)</sup>と呼ぶ)で,速度振動特性を取る.最 後に,これらの振動特性をスイッチングシーケ ンスの調整法の特性と比較する.

## 2. 駆動システム

本研究で使用するステッピングモータ駆動シ ステムをFig.1に示す.ここで使用するステッピ ングモータは,バイファイラ巻の2相ハイブリッ ドステッピングモータ(オリエンタルモーター 社製 PK244-01B)であり,Table1にその仕様を 示す.励磁指令はコンピュータからDA変換器 を介して駆動回路へ伝送され,励磁電流がその 指令に従って回路からモータの各相に流れるこ とで駆動する.速度検出のため,使用するDCタ コジャネレータ(多摩川精機社製 TS680N1E3) は3V/1000 min<sup>-1</sup>であり,この速度情報はAD 変換器を介してコンピュータで取得される.こ

Table 1使用するステッピングモータの仕様.Specification of the stepping motor.

······································	
Rated voltage	4.0 V
Rated current	1.2 A
Holding torque	0.26 N·m
Rotor intertia	$5.4 \times 10^{-6} \text{ N} \cdot \text{m} \cdot \text{s}^2/\text{rad}$
Step angle	1.8 deg
	Rated voltage Rated current Holding torque Rotor intertia Step angle

こで,タコジャネレータは速度検出するのみに 使われ,制御のフィードバックとしては使われ ない.すなわち,モータ駆動自体は開ループ制 御で行われている.本研究では,回転速度は1 sec あたりの指令パルス数で表現し,pps (pulses per second) と表す.例えば10 pps は1 sec あた り 10 pulses 分回転することを意味し,1パルス で 1.8 deg 回転するモータであることから,18 deg/sec を意味する.

## 3. 駆動方式

前半はフルステップ形駆動の紹介,後半はマ イクロステップ形駆動の紹介をする.また,説 明のため, Fig. 2 で示される 2 相ステッピング モータのトルクベクトル図<sup>1)</sup>を適宜用いる.

### 3.1 フルステップ形駆動

基本ステップ角ずつ回転するフルステップ駆動である1相励磁駆動および2相励磁駆動について説明し,次に励磁スイッチングシーケンスの調整により,基本ステップ角を細分化する1 相励磁形調整法および2相励磁形調整法による駆動について説明する.

#### 3.1.1 フルステップ駆動

基本ステップ角度ずつ回転する励磁方式とし ては、1相励磁方式と2相励磁方式があり、こ れによる駆動が1相励磁駆動および2相励磁駆 動である.



Fig. 2 トルクベクトル図. Torque vector diagram.

1 相励磁駆動は、例えば 時計回り方向に回転 させるためには、Fig. 2 で見ると、励磁シーケ ンスが A, B, Ā,  $\bar{B}$ , ... のように相を切り替えれ ばよい. また、2 相励磁駆動は、同様に AB,  $B\bar{A}$ ,  $\bar{A}\bar{B}$ ,  $\bar{B}A$ , ... のように切り替えて励磁をする. こ こで、AB は A および B 相の 2 相を同時に励磁 することを表す. いずれも電気角で  $\pi/2$  ずつ回 転する.

このとき,モータで発生するトルクは以下の 通りになる.

$$T_{A}(i_{A},\theta) = -K_{T}i_{A}\sin(N_{r}\theta)$$

$$T_{B}(i_{B},\theta) = K_{T}i_{B}\cos(N_{r}\theta)$$

$$T_{\bar{A}}(i_{\bar{A}},\theta) = K_{T}i_{\bar{A}}\sin(N_{r}\theta)$$

$$T_{\bar{B}}(i_{\bar{B}},\theta) = -K_{T}i_{\bar{B}}\cos(N_{r}\theta)$$
(1)

ここで、 $\theta$ は回転子角度、 $i_A$ ,  $i_B$ ,  $i_{\bar{A}}$ ,  $i_{\bar{B}}$  はA相, B相,  $\bar{A}$ 相,  $\bar{B}$ 相それぞれの励磁電流,  $K_T$  はトルク 定数、 $N_r$  は回転子の歯数を表し、 $T_X$ 標記は X相で励磁した場合に発生するトルクを意味する ことにする.また、2 相励磁方式で発生するト ルクは、例えばA相と B相を同時に励磁すると、 Fig. 2 の AB に停止し、トルクは  $T_{AB} = T_A + T_B$ となるため、 $i_A = i_B = I_m$  のように定格電流  $I_m$ を流すと、以下のようになる.

$$T_{AB}(I_m,\theta) = \sqrt{2}K_T I_m \cos(N_r \theta + \frac{\pi}{4}) \quad (2)$$

ここで,*T<sub>XY</sub>*標記は*X*相と*Y*相が同時に励磁された場合に発生するトルクを表す.同様にして



Fig. 3 1相励磁駆動におけるスイッチングシー ケンス. Switching Sequence of 1-phase excitation drive<sup>2)</sup>.

*BĀ*, *ĀB*, *BA* の 2 相励磁においても求められる. このように,各相の励磁電流を定格値にした場 合,2 相励磁方式は1 相励磁方式に比べ,高ト ルクを発生できる.この関係は Fig. 2 からも分 かる.

#### 3.1.2 スイッチングシーケンスの調整法

特定の入力パルス周波数により,共振が発生 する場合,低速域振動の原因となる.その対策 として,一般に基本ステップ角を細分化するマ イクロステップ駆動を用いるが,微細な電流制 御可能な回路が必要になる.そこで三浦らは,微 細な制御回路を必要としないフルステップ駆動 回路においても基本ステップ角度を細分化する ため,励磁指令のタイミングを調整するスイッ チングシーケンスの調整法<sup>2)</sup>(1相励磁形調整 法)を提案した.以下,この手法について説明 する.A相からB相へ移動する場合,Fig.3のよ うに,機械的時定数より充分小さい時間 $\tau$ にお いて,時間 $\tau_A$ の間はA相が励磁され,時間 $\tau_B$ の間はB相が励磁されるものとする.そうする ことで,平均のトルク $T_{ave}$ は次のように表せる.

$$T_{ave}(\theta) = \frac{\tau_A}{\tau} T_A(i_A, \theta) + \frac{\tau_B}{\tau} T_B(i_B, \theta)$$
  
$$\tau_{\Xi} \tau_{\Xi}^{\Xi} \cup, \quad \tau = \tau_A + \tau_B$$
(3)

ここで,  $\tau_A$ の間は $i_A = I_m$ ,  $i_B = 0$ であり,  $\tau_B$ の 間は $i_A = 0$ ,  $i_B = I_m$ である.  $T_{ave}(\theta_e) = 0$ となる トルク平衡点 $\theta_e$ は,  $A \ge B$ の間の任意の位置と なる. よって, 式(3)より整理すると, 次の式 が成り立つ.

$$\tau_A = \frac{\tau}{1 + \tan(N_r \theta_e)}, \quad \tau_B = \frac{\tau \tan(N_r \theta_e)}{1 + \tan(N_r \theta_e)} \quad (4)$$

この励磁スイッチング調整法の場合, Fig. 2 の トルクベクトル図において, トルクは一番内側 の四角形 *ABĀB* となる.

次に、2相励磁のスイッチングシーケンス調 整法<sup>3)</sup> (2相励磁形調整法)を考える.これは 前述の1相励磁形調整法と同様であるが、Fig. 2 において、1相励磁のAからBへ移動の代わり に、2相励磁してABからBĀへ移動する場合、 時間 $\tau_{AB}$ の間はA相とB相を2相励磁、時間 $\tau_{B\bar{A}}$ の間はB相とĀ相を2相励磁するものとする. 具体的には、以下の時間それぞれ励磁する.

$$\tau_{AB} = \frac{\tau}{1 + \tan(N_r \theta_e)}, \quad \tau_{B\bar{A}} = \frac{\tau \tan(N_r \theta_e)}{1 + \tan(N_r \theta_e)} \quad (5)$$

ここで,  $\tau_{AB}$ 間は  $i_A = i_B = I_m$ ,  $i_{\bar{A}} = 0$  であり,  $\tau_{B\bar{A}}$ 間は  $i_A = 0$ ,  $i_B = i_{\bar{A}} = I_m$  である. 例えば  $B\bar{A}$ 相から  $\bar{A}\bar{B}$ 相への移動のような他の相間移動に おいても,同様に励磁を行う. 発生トルクは Fig. 2 の一番外側の四角形  $AB \rightarrow B\bar{A} \rightarrow \bar{A}\bar{B} \rightarrow \bar{B}A$ の軌跡を描く. トルクベクトル図から明らかの ように,1相励磁形調整法に比べ,最大トルク の比較で  $\sqrt{2}$ 倍になる.

## 3.2 マイクロステップ形駆動

本節では,前節のスイッチングシーケンスの 調整法における振動特性と,マイクロステップ 駆動時の特性を比較するため,従来法とおよび1 相および2相励磁形調整法による駆動で発生す るトルクと,それぞれ同等のトルクを発生する ように,励磁電流を調整したマイクロステップ 駆動(1相励磁形マイクロステップ駆動,2相励 磁形マイクロステップ駆動)について説明する.

#### 3.2.1 従来法のマイクロステップ駆動

はじめに従来法のマイクロステップ駆動を紹 介する.この駆動は,例えばA相からB相へ移 動する場合, 励磁電流を正弦波で与えたとき, す なわち,

$$i_A = I_m \cos(N_r \theta_e), \quad i_B = I_m \sin(N_r \theta_e)$$
 (6)

と与えたとき,これらを式(1)に代入し,合成 トルクを計算すると,次のようになる.

$$T = T_A + T_B = -K_T I_m \sin\{N_r(\theta - \theta_e)\}$$
(7)

この式よりトルクは, Fig. 2において分かるよう に,1相励磁時の最大トルクと同じくなり, $A \rightarrow B \rightarrow \bar{A} \rightarrow \bar{B}$ ののように円軌跡を描く.このた め,トルクリップルを生じない利点がある.

#### 3.2.2 変形のマイクロステップ駆動

前節で述べたスイッチングシーケンスの調整 法は,従来法のマイクロステップと同じトルク 発生しない.そこで,速度振動特性を比較するた め,次のような変形のマイクロステップ駆動を 考える.まず1相励磁形調整法と同じトルクに なるように,次のような電流値を与え駆動する.

$$i_A = \frac{I_m}{1 + \tan(N_r \theta_e)}, \quad i_B = \frac{I_m \tan(N_r \theta_e)}{1 + \tan(N_r \theta_e)}$$
(8)

これは,  $i_A + i_B = I_m$ となる.これを1相励磁形 マイクロステップ駆動とする.

同様に2相励磁形調整法においては,三浦ら の高トルク形マイクロステップ駆動<sup>4)</sup>を用いる. この文献では,A相からB相へ移動する場合の 励磁法を提案しているが,本研究ではAB相か らBĀ相へ移動する場合のような2相励磁形に 変更する.具体的には,次のように電流値を与 えて駆動すればよい.Fig.2において,ABとB の間では,

$$i_A = \frac{I_m \{1 - \tan(N_r \theta_e)\}}{1 + \tan(N_r \theta_e)}, \quad i_B = I_m$$
(9)

とし, Bと BĀ の間では,

$$i_B = I_m, \quad i_{\bar{A}} = -\frac{I_m \{1 - \tan(N_r \theta_e)\}}{1 + \tan(N_r \theta_e)}$$
 (10)

のように励磁する.本研究では,これを2相励 磁形マイクロステップ駆動と呼ぶことにする. 以上のように電流値を与えると、1 相および 2 相励磁形調整法と、それぞれ同じトルクが発 生する駆動が可能になる.

## 4. 速度振動特性の実験

ステッピングモータを前章で説明した各駆動 方式で定速駆動した場合,その速度の振動成分 を計測する.これを低速から中低速域領域でそ れぞれ計測した場合,その速度振動特性を取得 し,各々を比較する.

### 4.1 実験方法

実験条件は、速度として入力パルスの周波数 を 10 pps から 5 pps 毎で 800 pps まで、無負荷 で駆動した場合、各速度の振動成分を測定する. ここでは、速度検出器である DC タコジャネレー タで発電される電圧値の peak to peak 値が、そ の速度振動成分  $V_{p-p}$  となる.

このとき,前章は説明した次の方式で,それ ぞれ駆動する.

- a) スイッチングシーケンスの調整法の駆動
   (1 相励磁形調整法<sup>2)</sup>, 2 相励磁形調整法
   3))
- b) フルステップ駆動(1相励磁駆動,2相励 磁駆動)
- c) 変形のマイクロステップ駆動(1相励磁形 マイクロステップ駆動,2相励磁形マイク ロステップ駆動<sup>4)</sup>)
- d) 従来法のマイクロステップ駆動

なお, 方式 a), b) はフルステップ形駆動, 方式 c), d) はマイクロステップ形駆動である.また, 方式 a) の調整法の駆動において, τを機械的お よび電気的時定数の中間である 0.8 ms に設定す る<sup>2</sup>).

## 4.2 結果

### 4.2.1 1相励磁形駆動の場合

得られた速度振動特性を,1相励磁形の駆動 はFig.4に,2相励磁形の駆動はFig.5に,それ ぞれまとめて示す.比較のため,双方に方式 d) の従来法のマイクロステップ駆動で得られた振 動特性も示す.Fig.4で示されるように1相励 磁形駆動の場合は,方式 a), b), c)ともに175 pps 付近で共振が見られる.方式 b)のフルステップ 駆動では脱調が起こり,指令通りの駆動ができ ない.一方,方式 a)の調整法を用いた場合は脱 調が起こらず 400 pps 以下の速度域では方式 b) より振動が抑えられている.それ以上の速度域 では,そもそも振動が少ない領域であることか ら,どちらも大きな差は見られない.この結果 は,三浦らの文献<sup>2)</sup>と同様の結果である.

さて, 方式 c) の1 相励磁形マイクロステップ 駆動を行なった場合, フルステップ形駆動の方 式 a) および b) に比べて, 計測したすべての速 度域で振動成分が小さくなった. 微細な電流制 御を行えることが大きな利点となり, 結果とし て振動が抑制されたと考えられる.

この方式 c) は, マイクロステップ形駆動同士 を比較しても, 従来法の方式 d) より, 振動が最 大になる周波数付近を中心に概ねの速度域で振 動成分は小さくなる. これは, 発生トルクが小さ いため, 振動も小さくなったものと考えらえる.

方式 a) の調整法による振動特性の考察に戻れ ば、従来のフルステップ駆動である方式 b) の 1 相励磁駆動と、方式 c) の 1 相励磁形マイクロス テップ駆動の丁度中間の性能を有することが分 かる.

### **4.2.2** 2 相励磁形駆動の場合

2 相励磁形駆動の場合は, Fig. 5 で示される ように, 従来のフルステップ駆動である方式 b) の2 相励磁駆動では, 200 pps 付近の共振点で1 相励磁駆動と同様に脱調を起こすが, 方式 a)の



Fig. 4 1相励磁形駆動における速度振動特性. Speed-resonance chracteristics in drives based on 1-phase excitation.



Fig. 5 2相励磁形駆動における速度振動特性. Speed-resonance chracteristics in drives based on 2-phase excitation.

2相励磁形調整法および方式 c) の 2 相励磁形マ イクロステップ駆動では,脱調を起こさず振動 が抑制されている.

また,2相励磁形駆動は,2相ステッピング モータが発生されうるすべてのトルクが引き出 されるため,1相励磁形駆動に比べ,高トルク になる.このため,振動成分が1相励磁に比べ 大きくなる.Fig.4および5で示されるように, 方式 a)の1相および2相励磁形調整法を比較す ると,最大振動周波数付近は特に,2相励磁形 の方が大きい振動になっていることが分かる.

方式 c) の 2 相励磁形マイクロステップ駆動時 は、方式 a) の 2 相励磁形調整法による駆動より、 微細な電流制御を行うため、さらに振動が小さ くなるが、従来のマイクロステップ駆動よりは 振動が大きくなる.これも前述通り発生トルク が大きいためであり,方式 d)の従来法のマイク ロステップ駆動より最大で √2 倍のトルクとな るためである.

次に特徴的な部分として挙げられるのは,2 相励磁形駆動では400 pps 付近で共振点がある. これは1相励磁形駆動では現れなかった部分で あるが,方式 a), b), c)の2相励磁形駆動すべて で現れている.しかし,1相励磁形駆動場合や, 最大共振点付近の場合と異なり,方式 a)の調整 法の振動より,方式 c)の変形のマイクロステッ プ駆動で発生する振動が大きくなり,これまで の場合と異なることが分かる.なお,2相励磁 形マイクロステップ駆動の特性は,三浦らの文 献<sup>4)</sup>で示されている振動特性と同様の特性を示 している.

調整法による駆動の振動特性に戻ると,1相励 磁形駆動時と同様に,方式b)の2相励磁駆動と c)の変形のマイクロステップ駆動との中間の振 動性能を有している.ただし,前述の通り,400 pps 付近では2相励磁形駆動の中では最も振動 特性が良い.しかし,750 pps 付近では,他の駆 動では現れなかった共振が現れている.

## 5. おわりに

本研究は、1相および2相励磁方式に基づい てスイッチングシーケンスの調整法により、フ ルステップ駆動でも、マイクロステップ駆動の ような基本ステップ角度を細分化できる手法で 駆動した場合の速度振動特性を取得し、従来の フルステップ駆動および同じトルクを発生する 変形のマイクロステップ駆動とで、振動特性の 比較を行った.結果として、フルステップ駆動 と変形のマイクロステップ駆動との中間の性能 を有していることが分かったが、2相励磁形調 整法の場合は、最大振動になる共振点以外の共 振点付近で例外が見られた.また、2相励磁形 調整法は1相励磁形調整法より、高トルクのた め振動が大きくなることも分かった.今後の課 題として,共振のメカニズムの解明と抑制方法 を検討していきたい.

# 参考文献

- 百目鬼 英雄: ステッピングモータの使い方,工 業調査会 (1993)
- 2) 三浦 武,谷口 敏幸: ステッピングモータのフル ステップ駆動における固有振動の抑制,電気学 会論文誌 D, 124-5, 519/520 (2004)
- 3)金柯:2形前置補償要素を用いたステッピング モータの回転子振動抑制に関する研究,秋田大 学修士学位論文 (2016)
- 4) 三浦 武,谷口 敏幸: 2相ステッピングモータの 高トルク形マイクロステップ駆動,電気学会論 文誌 D, 121-12, 1297/1298 (2001)