# 外力に対する立位姿勢制御時の頭部運動に関する検討

# An examination of head movement during postural control in response to an external furce while standing

藤澤和大\*,石田水里\*\*,佐川貢一\*

Kazuhiro FUJISAWA\*, Mizuri ISHIDA\*\*, Koichi SAGAWA\*

### \*弘前大学,\*\*鳴海病院

\*Hirosaki University, \*\*Narumi Hospital

キーワード: 立位(standing position), 安定性(stability), パラメータ推定(parameter estimation), 運動方程式 (equation of motion), 外力(external force)

連絡先: 〒036-8560 青森県弘前市文京町1番地 弘前大学 理工学研究科
藤澤和大, Tel.:0172-39-3691, E-mail:h05gs522@stu.hirosaki-u.ac.jp

#### 1. 緒言

理学療法の臨床場面で行われる姿勢制御の評価 に,立位となっている患者に対して検者が徒手に よって肩や腰などの身体部分を押す検査法がある. この方法は特殊な器具を使用することなく簡便に 施行できるが,評価の解釈が主観的な判断となり やすく,定量的に姿勢制御能力を評価する指標が 確立していない.人の立位姿勢制御能力を力学的 な観点から定量的に解釈するために,関節運動を 剛体リンクと仮定してモデル化し,粘弾性係数を 推定して姿勢制御能力を評価することを考える. モデル化にあたって,矢状面方向での立位姿勢制 御に特に重要なのは股関節,足関節による制御と 言われており,これまでは股関節(体幹~頭部)と 足関節の2つの関節を持つ倒立二重振り子モデル としていた[1].

そこで本報告ではこれまでの倒立二重振り子モ デルの他に頭部と体幹を別リンクに分け,頭部と

股関節,足関節の3つの関節を持つ倒立三重振り 子モデルを作成し,モデルの運動方程式を基に立 位となった人に外力を与えたときの各関節の粘弾 性係数を求める.そして,2つのモデルを比較す ることにより,頭部の影響について検討する.

#### 2. 原理

人体をモデル化するために剛体リンクモデルを 構築する.モデルは股関節と足関節2つの関節を 持つもの(2リンク)と,頭部と股関節,足関節の 3つの関節を持つもの(3リンク)の2種類の二 次元倒立振り子構造とした.各関節の支点部分に は関節角度に比例したトルクを発生するバネと関 節角速度に比例したトルクを発生する粘性減衰性 ダンパを持ち,与えられた外力に対して姿勢を倒 立状態に保持するように作用する(Fig.1, Fig.2). 2リンクモデルの運動方程式は以下のようになる.



Fig. 1 倒立二重振り子モデル  $\theta_i$ :関節iの角度,  $m_i$ :リンクiの質量, $l_i$ :リンクiの長さ, $l_{gi}$ :関節iから質量中心 $G_i$ までの長さ, $J_i$ :関節iの慣性モー メント, $k_i$ :バネ定数, $c_i$ :粘性減衰係数(i = 1, 2)



Fig. 2 倒立三重振り子モデル. $\theta_i$ :関節iの角度,  $m_i$ :リンクiの質量, $l_i$ :リンクiの長さ, $l_{gi}$ :関節iか ら質量中心 $G_i$ までの長さ, $J_i$ :関節iの慣性モーメ ント, $k_i$ :バネ定数, $c_i$ :粘性減衰係数(i = 1, 2, 3)

$$\tau_{1} = [m_{1}l_{g1}^{2} + J_{1} + m_{2}(l_{1}^{2} + 2l_{1}l_{g2}\cos\theta_{2} + l_{g2}^{2}) + J_{2}]\ddot{\theta}_{1} + [m_{2}(l_{1}l_{g2}\cos\theta_{2} + l_{g2}^{2}) + J_{2}]\ddot{\theta}_{2} - m_{2}l_{1}l_{g2}(2\dot{\theta}_{1}\dot{\theta}_{2} + \dot{\theta}_{2}^{2})\sin\theta_{2} - m_{1}\hat{g}l_{g1}\sin\theta_{1} - m_{2}\hat{g}[l_{1}\sin\theta_{1} + l_{g2}sin(\theta_{1} + \theta_{2})] + k_{1}\theta_{1} + c_{1}\dot{\theta}_{1}$$
(1)

$$\tau_{2} = [m_{2}(l_{1}l_{g2}\cos\theta_{2} + l_{g2}^{2} + J_{2})]\ddot{\theta}_{1} + (m_{2}l_{g2}^{2} + J_{2})\ddot{\theta}_{2} + m_{2}l_{1}l_{g2}\dot{\theta}_{1}^{2}\sin\theta_{2} - m_{2}\hat{g}l_{g2}\sin(\theta_{1} + \theta_{2}) + k_{2}\theta_{2} + c_{2}\dot{\theta}_{2}$$
(2)

また,3リンクモデルの運動方程式は以下のよう になる.

$$\begin{aligned} \tau_1 &= \left[ m_1 l_{g1}^2 + J_1 + m_2 \{ l_1^2 + l_{g2}^2 + 2 l_1 l_{g2} \cos \theta_2 \} \\ &+ J_2 + m_3 \{ l_1^2 + l_2^2 + l_{g3}^2 + 2 l_1 l_2 \cos \theta_2 \\ &+ 2 l_1 l_{g3} \cos(\theta_2 + \theta_3) + 2 l_2 l_{g3} \cos \theta_3 \} \\ &+ J_3 \right] \ddot{\theta_1} + \left[ m_2 \{ l_{g2}^2 + l_1 l_{g2} \cos \theta_2 \} \\ &+ J_2 + m_3 \{ l_2^2 + l_{g3}^2 + l_1 l_2 \cos \theta_2 \\ &+ l_1 l_{g3} \cos(\theta_2 + \theta_3) + 2 l_2 l_{g3} \cos \theta_3 \} + J_3 \right] \ddot{\theta_2} \\ &+ \left[ m_3 \{ l_{g3}^2 + l_1 l_{g3} \cos(\theta_2 + \theta_3) + l_2 l_{g3} \cos \theta_3 \} \\ &+ J_3 \right] \ddot{\theta_3} - \{ m_2 l_1 l_{g2} (2 \dot{\theta_1} \dot{\theta_2} + \dot{\theta_2}^2) \\ &+ m_3 l_1 l_2 (2 \dot{\theta_1} \dot{\theta_2} + \dot{\theta_2}^2) \} \sin \theta_2 \\ &- m_3 l_1 l_{g3} (\dot{\theta_2}^2 + \dot{\theta_3}^2 + 2 \dot{\theta_1} \dot{\theta_2} \\ &+ 2 \dot{\theta_1} \dot{\theta_3} + 2 \dot{\theta_2} \dot{\theta_3}) \sin(\theta_2 + \theta_3) \\ &- m_3 l_2 l_{g3} (2 \dot{\theta_1} \dot{\theta_3} + 2 \dot{\theta_2} \dot{\theta_3} + \dot{\theta_3}^2) \sin \theta_3 \\ &- m_1 \hat{g} l_{g1} \sin \theta_1 - m_2 \hat{g} \{ l_1 \sin \theta_1 \\ &+ l_{g2} \sin(\theta_1 + \theta_2) \} - m_3 \hat{g} \{ l_1 \sin \theta_1 \\ &+ l_2 \sin(\theta_1 + \theta_2) + l_{g3} \sin(\theta_1 + \theta_2 + \theta_3) \} \\ &+ k_1 \theta_1 + c_1 \dot{\theta_1} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \pi_2 &= \left[ m_2 \{ l_{g2}{}^2 + l_1 l_{g2} \cos \theta_2 \} + J_2 + m_3 \{ l_2{}^2 \\ &+ l_{g3}{}^2 + l_1 l_2 \cos \theta_2 + l_1 l_{g3} \cos(\theta_2 + \theta_3) \\ &+ 2 l_2 l_{g3} \cos \theta_3 \} + J_3 \right] \ddot{\theta}_1 + \left[ m_2 l_{g2}{}^2 + J_2 \\ &+ m_3 \{ l_2{}^2 + l_{g3}{}^2 + 2 l_2 l_{g3} \cos \theta_3 \} + J_3 \right] \ddot{\theta}_2 \\ &+ \left[ m_3 \{ l_{g3}{}^2 + l_2 l_{g3} \cos \theta_3 \} + J_3 \right] \ddot{\theta}_3 \\ &- \{ m_2 l_1 l_{g2} \dot{\theta}_1 \dot{\theta}_2 + m_3 l_1 l_2 \dot{\theta}_1 \dot{\theta}_2 \} \sin \theta_2 \\ &- m_3 l_1 l_{g3} (\dot{\theta}_1 \dot{\theta}_2 + \dot{\theta}_1 \dot{\theta}_3) \sin(\theta_2 + \theta_3) \\ &- m_3 l_2 l_{g3} (2 \dot{\theta}_1 \dot{\theta}_3 + 2 \dot{\theta}_2 \dot{\theta}_3 + \dot{\theta}_3{}^2) \sin \theta_3 \\ &+ m_2 l_1 l_{g2} (\dot{\theta}_1{}^2 + \dot{\theta}_1 \dot{\theta}_2) \sin \theta_2 \\ &+ m_3 l_1 l_2 (\dot{\theta}_1{}^2 + \dot{\theta}_1 \dot{\theta}_2) \sin \theta_2 \\ &+ m_3 l_1 l_{g3} (\dot{\theta}_1{}^2 + \dot{\theta}_1 \dot{\theta}_2 + \dot{\theta}_1 \dot{\theta}_3) \sin(\theta_2 + \theta_3) \\ &- m_2 \hat{g} l_{g2} \sin(\theta_1 + \theta_2) - m_3 \hat{g} \{ l_2 \sin(\theta_1 + \theta_2) \\ &+ l_{g3} \sin(\theta_1 + \theta_2 + \theta_3) \} + k_2 \theta_2 + c_2 \dot{\theta}_2 \end{aligned}$$

$$\tau_{3} = \left[m_{3}\{l_{g3}^{2} + l_{1}l_{g3}\cos(\theta_{2} + \theta_{3}) + l_{2}l_{g3}\cos\theta_{3}\} + J_{3}\right]\ddot{\theta_{1}} + \left[m_{3}\{l_{g3}^{2} + l_{2}l_{g3}\cos\theta_{3}\} + J_{3}\right]\ddot{\theta_{2}} + \left[m_{3}l_{g3}^{2} + J_{3}\right]\ddot{\theta_{3}} - m_{3}l_{1}l_{g3}(\dot{\theta_{1}}\dot{\theta_{2}} + \dot{\theta_{1}}\dot{\theta_{3}})\sin(\theta_{2} + \theta_{3}) - m_{3}l_{2}l_{g3}(\dot{\theta_{1}}\dot{\theta_{3}} + \dot{\theta_{2}}\dot{\theta_{3}})\sin\theta_{3} + m_{3}l_{1}l_{g3}(\dot{\theta_{1}}^{2} + \dot{\theta_{1}}\dot{\theta_{2}} + \dot{\theta_{1}}\dot{\theta_{3}})\sin(\theta_{2} + \theta_{3}) + m_{3}l_{2}l_{g3}(\dot{\theta_{1}}^{2} + \dot{\theta_{2}}^{2} + 2\dot{\theta_{1}}\dot{\theta_{2}} + \dot{\theta_{1}}\dot{\theta_{3}} + \dot{\theta_{2}}\dot{\theta_{3}})\sin\theta_{3} - m_{3}\hat{g}l_{g3}\sin(\theta_{1} + \theta_{2} + \theta_{3}) + k_{3}\theta_{3} + c_{3}\dot{\theta_{3}}$$
(5)

粘弾性係数は以下のようにして求める.実際に 人に外力を与える実験を行って関節角度を求め, さらに数値微分によって角速度および角加速度を 求める.そしてこれらの値を運動方程式に適用し, さらに被検者の身体特性に応じたリンクパラメー タを求めて代入し,2リンクと3リンクの2種類 のモデルについて粘弾性係数(バネ定数,粘性減 衰係数)を最小二乗法によって求める.

次にリンクパラメータおよび推定した粘弾性係



Fig. 3 実験装置

数を倒立二重振り子と倒立三重振り子モデルの運 動方程式に代入して,外力作用時の立位姿勢の関 節運動シミュレーションを行う.シミュレーショ ンにはRunge-Kutta法を使用して常微分方程式の 数値解を求めた.モデルは初期条件t = 0におい て,初期関節角度 $\theta(0) = [0,0,0]^T$ ,関節角速度  $\dot{\theta} = [0,0,0]^T$ とする静止立位姿勢を保持している状 態で,外力 $\tau$ を与えられることによって姿勢変化 を生じさせる.そして2リンクモデルと3リンク モデルの応答から頭部運動の影響を考察する.

#### 3. 実験方法

実際の人に対して外力を与える実験を行う.対 象は健常成人1名(年齢22歳)である.被検者 には立位をとってもらい,頭頂部,下顎,肩峰,大 転子,外果に反射マーカを貼り付けた.外力は被 検者の背後から重り(5[kg])を衝突させることで 加える.被検者の腰部(左右腸骨稜の中間)に対し て,検者が予告せずに任意のタイミングで重りを 衝突させ,被検者には外力を与えられてもできる だけ姿勢を保持してもらった.外力を与えたとき の矢状面方向の運動をハイスピードカメラ(ナッ クイメージテクノロジー HOTSHOT1280)で撮影 し,画像から各マーカの二次元位置を1秒500 コマで記録した.Fig.3に実験装置の概略を示す.



Fig. 4 実測関節角度

次に記録したマーカの二次元位置から頭部角度, 股関節角度,足関節角度を求める.ここで,頭部 角度は頭頂部と下顎,股関節角度は肩峰と大転子, 足関節角度は大転子と外果の位置データを基準に して重りの衝突直後から約3秒後までのデータを 求めた.

#### 4. 実験結果

Fig.4は,マーカの二次元位置より求めた関節角 度である.時刻0が外力作用の瞬間である.頭部 角度は外力作用後から0.2秒付近まで前に倒れ,そ の後0.5~1秒間ではあまり角度が変化せず,1秒を 過ぎてから元に戻っている.股関節角度は外力作 用後から0.2秒付近まで後ろに反り,0.5秒まで前 に倒れ,1秒過ぎからわずかに直立姿勢に戻ってい る.足関節角度は外力作用後から0.2秒まで前に倒 れ,その後徐々に後ろに戻っている.

次に得られた実験結果を利用して粘弾性係数を 求めて2リンクおよび3リンクの運動方程式に適 用し,外力を加えた時の応答をシミュレーションに よって求める.Table.1,Table.2は2リンクおよび 3リンクモデルに代入する人体のリンクパラメー タである(2).Fig.5,Fig.6はFig.4の全てのデー タから求めたパラメータを利用した場合の関節角 度の推定結果である.2リンクと3リンクのどち らについても発散していた.この原因は,人間は 立位保持のため数種類の制御則を利用しているた めであると考えられる.そこでパラメータを推定 する際に用いるデータの範囲をいくつかの条件に ついて分割し,シミュレーションを行った.Fig.7, Fig.8は,Fig.4の実験結果の0~0.2秒までの範囲と, それ以降の2つに分けてパラメータを求めた場合 のシミュレーション結果である.2リンクの場合 は0.2秒付近までは測定データと近い波形だが,そ の後発散する結果となった.一方3リンクの場合 は,比較的測定データに近い波形が得られた.

ここでFig.4に注目すると,0~0.2秒までは人間 の外部刺激に対する応答の遅れによる角度変化と なっていると考えられる.また股関節については 0.2~0.5秒は前屈みの体勢に移行,その後0.5~1.0 秒まではほぼ静止した状態となり,1.0秒以降は 徐々にもとに戻るという変化が見られる、そこで、 データ範囲を0~0.2秒,0.2~0.5秒,それ以降は0.5 秒ごとに区切りパラメータを推定し,シミュレー ションを行った.結果をFig.9, Fig.10に示す.2リ ンクの場合,足関節角度が大きく前方に傾くとい う結果となった.一方3リンクの場合,頭部および 足関節角度は実測値と近い値となったが,腰部角 度については後方に傾くという結果となった.こ の原因を考える.Fig.11,Fig.12には,Fig9,Fig10 のシミュレーションを行う際使用した粘弾性係数 の変化を示したものである.特にFig.11より腰の バネ定数k2は区間0.5~1秒以降首のバネ定数k3よ りも小さな値となっている.しかし,腰よりも首 の方が強いとは考えにくい.この原因として,外 力作用前の姿勢と,外力作用後最終的に静止した 姿勢が異っていることが考えられる.姿勢が異っ ても立位姿勢が保たれるのは、モデルの構成が変 化したためであると考えられる.この問題を解決 するためには,粘弾性係数の与え方を見直す必要 があると考えられる.



Fig. 5 シミュレーション結果 (2リンク)(使用 データ範囲:全部)



Fig. 6 シミュレーション結果(3リンク)(使用 データ範囲:全部)

# 5. 結言

本報告では立位となったひとに外力を加えたと きの各関節の粘弾性係数を倒立二重振り子モデル

Table 1	リンクパラメータ(2リンク)

変数[単位]	リンク1	リンク 2
$m_i[kg]$	19.642	40.016
$l_i[m]$	0.78	0.89
$l_{gi}[m]$	0.4844	3759
$J_i[kgm^2]$	6.7207	11.9981



Fig. 7 シミュレーション結果(2リンク)(使用 データ範囲:0~0.2,0.2~最後)



Fig. 8 シミュレーション結果(3リンク)(使用 データ範囲:0~0.2,0.2~最後)

と倒立三重振り子モデルについて求めた.また, パラメータを推定する際に,用いるデータ範囲を いくつかの条件について分割してシミュレーショ ンを行った.これにより,パラメータを推定する

Table 2 リンクパラメータ(3リンク)

変数[単位]	リンク1	リンク 2	リンク 3
$m_i[kg]$	19.642	35.807	4.209
$l_i[m]$	0.78	0.63	0.26
$l_{gi}[m]$	0.4844	0.321	0.2135
$J_i[kgm^2]$	6.7207	8.018	1.575



Fig. 9 シミュレーション結果(2リンク)(使用 データ範囲:0~0.2,0.2~0.5,0.5~1.0,1.0~1.5, 1.5~最後)



Fig. 10 シミュレーション結果(3リンク)(使用 データ範囲:0~0.2,0.2~0.5,0.5~1.0,1.0~1.5, 1.5~最後)

際には頭部と体幹を別リンクに分けたモデルのほうがより実際の関節運動に近い結果が得られることが確認できた.さらに,パラメータを推定するデータ範囲を分割したほうが結果がよくなったことから,人間の立位制御は時間によって変化している可能性があることが確認された.

今後の課題は立位保持のためのパラメータの推 移について検討する予定である.



Fig. 11 バネ定数の推移(区間:1:0~0.2[s],2: 0.2~0.5[s],3:0.5~1.0[s],4:1.0~1.5[s],5:1.5 ~2.0[s])



Fig. 12 粘性減衰係数の推移(区間:1:0~0.2[s], 2:0.2~0.5[s],3:0.5~1.0[s],4:1.0~1.5[s],5: 1.5~2.0[s])

# 参考文献

- 石田水里他,外力に対する人の立位姿勢制御 能力の推定に関する検討日本機械学会2005年 度年次大会講演論文集(5)、pp.289-290、2005
- 2) 横井孝志:剛体リンクモデルのための身体 部分剛体特性定数,バイオメカニズム学会 誌,17(4),241-249,1993