## 計測自動制御学会東北支部 第 277 回研究集会 (2012.12.3) 資料番号 277-10

# 拡張状態オブザーバを用いた車輪型倒立振子ロボットのマニ ピュレータ動作時における外乱補償制御の検討

# A study on disturbance compensation control of a wheeled inverted pendulum robot during arm manipulation using Extended State Observer

佐藤拓磨\*, 永野健太\*, Luis Canete\*\*, 高橋隆行\*

Takuma Sato, Kenta Nagano, Luis Canete, Takayuki Takahashi

\*福島大学, \*\*福島大学大学院

\*Fukushima University, \*\*Graduate School of Fukushima University

キーワード: 拡張状態オブザーバ (Extended State Observer),外乱補償制御 (Disturbance Compensation Control),車輪型倒立振子ロボット (A Wheeled Inverted Pendulum Robot)

連絡先: 〒 960-1296 福島県福島市金谷川1 福島大学共生システム理工学類 高橋研究室 佐藤拓磨, Tel.:(024)548-5259, Fax.: (024)548-5259, E-mail: takukma@rb.sss.fukushima-u.ac.jp

### 1. はじめに

近年,人の生活環境でサービスを提供するロ ボットの開発が活発に行われている<sup>1,2)</sup>.人の 生活を支援するロボットに要求される性能とし て,様々なタスクをこなす高作業性と,人と生 活環境に危害を加えないための高安全性がある. しかし,相反するこれら2つの性能を同時に向 上させることは困難である.一方,車輪型倒立振 子機構を持つロボットは非力なマニピュレータ を用いることで安全性を保ちつつも,自重を利 用することで高作業性が実現可能である.その 他にも簡易な移動機構であることから、俊敏性 に優れる,軽量化が容易である,4輪駆動ロボッ トと比較して段差登坂能力が高いというメリッ トを持つ.筆者らは,倒立振子機構の上記のメ リットを積極的に利用することで,対人サービ スを効率よく提供することが可能な人間支援口

ボット「I-PENTAR(Inverted PENdulum Type Assistant Robot)」を提案している.

### 2. I-PENTARの概要と研究目標

I-PENTAR の概観と, ハードウェアの仕様を それぞれ Fig.1 と Table 1 に示す.現在 I-PENTAR は, 7.5[kg] 程度の重量物持ち上げタ スク<sup>3)</sup> やスロープ上での台車の Pushing・Pulling タスク<sup>4)</sup> を実現している.

今後は,I-PENTARに搭載されたマニピュレー タを用いてFig.2に示す軽量物体の拾得動作,人 との物体受け渡し動作,道具を使用した様々な 人支援タスクの実現を目標としている.そこで, 人の生活環境において人と同程度の精密さを要 する作業を行うために,マニピュレータ動作時 における本体の動きを抑制する必要がある.

Fig.2 に示すマニピュレータを用いたタスク



Fig. 1 Inverted Pendulum Type Assistant Robot(I-PENTAR)

Table 1 Hardware Specification of I-PENTAR

Size	$0.9 \times 0.34 [W] \times 0.3 [D] [m]$
Weight	39.0 [kg]
D.O.F	Mobie(2), $Arm(16)$ , $Waist(1)$
Sensor	Gyro $sensor(2)$ , $Encoder(19)$
Actuator	DC motor(21)
OS	ARTLinux(Sampling time:1[ms])
Interface	FPGA(PC104)

では荷物,道具,環境などから I-PENTAR へ 未知の外乱が与えられることが予想される.こ れらの外乱と比較して I-PENTAR のマニピュ レータは細く軽量であるため,マニピュレータ を搭載した I-PENTAR を正確にモデリングし, 制御を行うことは得策ではない.これらを踏ま え,筆者らはマニピュレータの制御系と倒立振 子ロボット本体の制御系を分離し,これら2つ の制御系間の情報のやりとりを最小限とする制 御系を提案する.すなわち,マニピュレータの 制御系から見ると本体の倒立振子の安定化制御 のための動きは外乱として扱い,本体の制御系 から見るとマニピュレータの動きは外乱として 扱う.従って,本論文ではマニピュレータの動 きを未知の外乱として捉え,倒立振子機構を持 つロボット本体側の外乱補償制御について検討 を行う.



Fig. 2 Target tasks of I-PENTAR using its robot arm.

# 3. 拡張状態オブザーバ

未知の外乱,誤差を含むシステムに対する制 御手法として,拡張状態オブザーバ (以下 ESO:Extended State Observer)<sup>5,6)</sup>を 用いた外乱補償制御がある.入力 $u \in \mathbb{R}$ ,出力  $y \in \mathbb{R}$ のSISO(Single-Input Single-Outoput)系 として式(1)で表される非線形時変動的システ ムを考える.

$$y^{(n)}(t) = f(y^{(n-1)}(t), \cdots, y(t), w(t)) + bu(t)$$
(1)

ここで,wは外乱,ノイズなどであり,bは入 力に対する係数である.このとき, $h \equiv f$ を定 義すると式 (1) は状態空間モデルとして以下の ように表現できる.

$$\dot{x}_{1} = x_{2}$$

$$\vdots$$

$$\dot{x}_{n-1} = x_{n}$$

$$\dot{x}_{n} = x_{n+1} + bu$$

$$\dot{x}_{n+1} = h(x, u, w, \dot{w})$$

$$y = x_{1}$$
(2)

ここで, $x = [x_1, x_2, \cdots, x_{n+1}]^{\mathrm{T}} \in \mathbb{R}^{n+1}$ は拡張状態  $x_{n+1} = f$ を含む状態変数ベクトルである.式 (2) で表されるシステムに対し全状態オ

ブザーバを式(3)のように構成する.

$$\dot{x}_{1} = \hat{x}_{2} + l_{1}(x_{1} - \hat{x}_{1})$$

$$\vdots$$

$$\dot{x}_{n-1} = \hat{x}_{n} + l_{n-1}(x_{1} - \hat{x}_{1})$$

$$\dot{x}_{n} = \hat{x}_{n+1} + l_{n}(x_{1} - \hat{x}_{1}) + bu$$

$$\dot{x}_{n+1} = l_{n+1}(x_{1} - \hat{x}_{1})$$
(3)

ここで  $\hat{x} = [\hat{x}_1, \hat{x}_2, \cdots, \hat{x}_{n+1}]^{\mathrm{T}} \in \mathbb{R}^{n+1}$ はオブ ザーバによる推定変数ベクトル,

 $l = [l_1, l_2, \cdots, l_{n+1}]^{\mathrm{T}} \in \mathbb{R}^{n+1}$ はオブザーバゲインである.式 (2) で表されるシステムは可観測であり,オブザーバゲインを適切に選択することによりシステムの状態変数ベクトルxを推定できる.

# 3.1 拡張状態オブザーバを用いた外乱補償 制御

ESO による推定値を用いた外乱補償制御にお ける制御則は式(4)で与えられる.

$$u = \frac{u_0 - \hat{f}}{b} \tag{4}$$

ここで, ESO による推定が適切に行われている と仮定し,式(1)に式(4)を代入すると式(5)が 得られる.

$$y^{(n)}(t) = f(\cdot) - \hat{f} + u_0$$
  

$$\approx u_0$$
(5)

以上により式 (1) で表されるシステムは,式(5) で表される外乱とノイズのない原点に n 個の重 根を持つシステムとなり,フィードバック安定 化可能となる.

#### 3.2 I-PENTARへの適用

I-PENTAR は本体の傾斜角度  $\psi$  と車輪の回 転角度  $\theta_w$  の 2 つの状態変数を出力可能であり, 入力は車輪に与えるトルク  $\tau_w$  である.1入力2 出力系である I-PENTAR のシステムに ESO を



Fig. 3 Block diagram of the control system.

適用するため, I-PENTAR のシステムダイナミ クスを式 (1)の形で表すと式 (6) となる.

$$\begin{bmatrix} \ddot{\psi} \\ \ddot{\theta_w} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} f_{\psi}(\psi, \dot{\psi}, \dot{\theta}_w, \tau_d) \\ f_{\theta_w}(\psi, \dot{\psi}, \dot{\theta}_w, \tau_d) \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} b_3 \\ b_4 \end{bmatrix} \tau_w$$
(6)

ここで, I-PENTAR への入力  $\tau_w$  を仮想的に  $\tau_w \equiv u_\psi + u_{\theta_w}$  と定義し,  $u_\psi$ ,  $u_{\theta_w}$  に分解する. そして,  $\psi$  のシステムについての入力を  $u_\psi$  と見 なして  $u_{\theta_w}$  は  $f_\psi(\cdot)$  の内部に含めてしまう.同様 に  $\theta_w$  のシステムについての入力を  $u_{\theta_w}$  として 扱い,  $u_\psi$  は  $f_{\theta_w}(\cdot)$  の内部に含める.以上の操作 により式 (7),式(8) が得られ, それぞれ  $\psi$ ,  $\theta_w$ についての ESO を構成することができる <sup>7,8</sup>).

$$\ddot{\psi} = f_{\psi}(\psi, \dot{\psi}, \dot{\theta}_w, u_{\theta}, \tau_d) + b_3 u_{\psi} \tag{7}$$

$$\ddot{\theta_w} = f_{\theta_w}(\psi, \dot{\psi}, \dot{\theta}_w, u_\psi, \tau_d) + b_4 u_{\theta_w} \qquad (8)$$

I-PENTAR のシステムに外乱補償制御を適用 した際のブロック線図を Fig. 3 に示す. ここ

で , 
$$A_{\psi} = A_{\theta_w} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$
 ,  $B_{\psi} = \begin{bmatrix} 0 \\ b3 \\ 0 \end{bmatrix}$  ,  $B_{\theta_w} = \begin{bmatrix} 0 \\ b4 \\ 0 \end{bmatrix}$  ,  $C_{\psi} = C_{\theta_w} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \end{bmatrix}$  であり ,



Fig. 4 2DOF model of I-PENTAR.

 $L_\psi \in \mathbb{R}^3$  ,  $L_{ heta_w} \in \mathbb{R}^3$  はオブザーバゲインである .

# 4. マニピュレータ動作時におけるI-PENTARのシミュレーション

マニピュレータを搭載した I-PENTAR は強 い非線形性を有するため,数値シミュレーショ ンを行った結果をもとに I-PENTAR 本体の挙 動について考察する.

### 4.1 モデリング

シミュレーションのため,マニピュレータを 搭載した I-PENTAR を 3 リンクと車輪で構成 されるリンク機構と見なし,モデリングを行う. I-PENTAR のシミュレーションモデルを Fig.4 に示す.ここで,本体の質量を  $M_g$ ,マニピュ レータ第1関節の質量を  $M_1$ ,マニピュレータ 第2関節の質量を  $M_2$ と定義する.また,以下で は簡単のため  $l_{arm1} = 2l_1$ ,  $l_{arm2} = 2l_2$ とした.

ここで, $q \equiv [\psi, \theta_w, \theta_1, \theta_2]^{\mathrm{T}} \in \mathbb{R}^4$ と定義し, Lagrange 方程式より運動方程式を導出すると, 式 (9) の形で表される.

$$M(\boldsymbol{q})\ddot{\boldsymbol{q}} + H(\boldsymbol{q}, \dot{\boldsymbol{q}}) + G(\boldsymbol{q})$$
$$= E\tau_w + T_1\tau_1 + T_2\tau_2 + D\tau_d \quad (9)$$

ここで,  $M(q) \in \mathbb{R}^{4 \times 4}$  は加速度についての係数 行列,  $H(q, \dot{q}) \in \mathbb{R}^4$  はコリオリカ, 遠心力など に関する項,  $G(q) \in \mathbb{R}^4$  は重力項である.  $\tau_w$ ,  $\tau_1$ ,  $\tau_2$ ,  $\tau_d$  はそれぞれ, I-PENTAR 本体の入力 トルク, マニピュレータ第1 関節の入力トルク, 第2 関節の入力トルク, I-PENTAR 本体に加わ る外乱を表している.

ここで,
$$E = \begin{bmatrix} -1\\ 1\\ 0\\ 0 \end{bmatrix}$$
, $T_1 = \begin{bmatrix} 0\\ 0\\ 1\\ 0 \end{bmatrix}$ , $T_2 = \begin{bmatrix} 0\\ 0\\ 0\\ 1 \end{bmatrix}$ , $D = \begin{bmatrix} 1\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0 \end{bmatrix}$ である.

また, $-M^{-1}(\boldsymbol{q})(-H(\boldsymbol{q},\dot{\boldsymbol{q}}) - G(\boldsymbol{q}) + T_1\tau_1 + T_2\tau_2 + D\tau_d) \equiv \boldsymbol{f}(\boldsymbol{q},\dot{\boldsymbol{q}}) \in \mathbb{R}^4$ と定義し, $\tau_w \equiv u_\psi + u_{\theta_w}$ と分解すると式(10)のように表される.

$$\ddot{\boldsymbol{q}} = \boldsymbol{f}(\boldsymbol{q}, \dot{\boldsymbol{q}}) + M^{-1}(\boldsymbol{q}) E \tau_w$$
$$= \boldsymbol{f}(\boldsymbol{q}, \dot{\boldsymbol{q}}) + M^{-1}(\boldsymbol{q}) E(u_{\psi} + u_{\theta_w}) \qquad (10)$$

従って,  $\psi$  についての ESO では式 (10) において  $f(q, \dot{q})$  の第 1 成分と  $M^{-1}(q)Eu_{\theta_w}$  が推定され,  $\theta_w$  についての ESO では式 (10) において  $f(q, \dot{q})$ の第 2 成分と  $M^{-1}(q)Eu_{\psi}$  が推定される.

### 4.2 シミュレーション条件

マニピュレータの振り上げ,振り下ろし動作に は式 (11) に示す 5 次の時間多項式の係数  $a_i$  ( $i = 0, \dots, 5$ ) を式 (12) に示す初期条件,終端条件よ リ求めた軌道  $\theta_d(t)$  に PD 制御を用いて追従さ せた.ここで, $t_0$  は振り上げ(下ろし)開始時刻,  $t_f$  は振り上げ(下ろし)終了時刻, $\theta_0$ , $\theta_f$  はそれ ぞれ初期角度,終端角度である.

$$\theta_d(t) = \sum_{i=0}^5 a_i t^i \tag{11}$$

$$\begin{aligned} \theta_d(t_0) &= \theta_0 \quad \dot{\theta}_d(t_0) = 0 \quad \ddot{\theta}_d(t_0) = 0 \\ \theta_d(t_f) &= \theta_f \quad \dot{\theta}_d(t_f) = 0 \quad \ddot{\theta}_d(t_f) = 0 \end{aligned}$$
(12)

I-PENTAR には ESO による外乱補償制御を適 用し,以下の2通りのマニピュレータの振り方 に対しシミュレーションを行った際の本体の挙 動を確認する.

条件1 速く,大きくマニピュレータ第1関節を 振る動作

条件 2 細かくマニピュレータ第 2 関節を振る 動作

条件1ではマニピュレータ第1関節を動作時 間2[s],終端角度2[rad]で振り上げ,振り下ろ しを行う.条件1で入力した指令値 $\theta_{1d}$ , $\theta_{2d}$ を Fig.5 に示す.

条件2では第1関節を動作時間2[s],終端角度 1[rad]で振り上げた後,第2関節を三角関数によ る指令値を与えて振動させる動作を行う.その 後,第1関節を振り上げと同じ速度で振り下お ろす.条件2で入力した指令値 $\theta_{1d}$ , $\theta_{2d}$ をFig.6 に示す.

さらに,マニピュレータが荷物を持ったこと を想定した外乱を考える.ここでは,15[s] でマ ニピュレータ第2関節の質量を1.5[kg] 増加さ せ,20[s] で第2関節の質量を元に戻すことで, マニピュレータが荷物を把持した際の挙動につ いてシミュレーションを行う.

4.3 シミュレーション結果

条件 1 と条件 2 でマニピュレータを動作させ た際の本体の挙動についてシミュレーションを 行った結果をそれぞれ Fig.7, Fig.8 に示す.

#### 4.4 シミュレーション結果の考察

Fig.7, Fig.8の結果から,マニピュレータの 質量の変化による車輪角度の挙動については, ESOを用いた外乱補償制御を適用したマニピュ レータによる手先先端位置の補償<sup>9)</sup>を行うこと で手先位置を補償できる程度の値となった.し かし,条件1,条件2の双方でマニピュレータ第



Fig. 5 Input trajectories  $\theta_{1d}$  and  $\theta_{2d}$  in case 1.



Fig. 6 Input trajectories  $\theta_{1d}$  and  $\theta_{2d}$  in case 2.



Fig. 7 Simulation result in case 1.



Fig. 8 Simulation result in case 2.

1 関節の振り上げ,振り下ろし時に,マニピュ レータが動作する方向へ車輪が大きく回転する ことによって倒立安定化を行っている様子が確 認された.この車輪の大きな動きはマニピュレー タによる手先先端位置の補償ができない可能性 があるため,車輪の角度をさらに抑制する方法 を検討する必要がある.

### 5. 本体傾斜角指令値の設計

第4.章での考察から,マニピュレータの振り 上げ,振り下ろし時の車輪角度を抑制する必要 があることが明かになった.I-PENTAR は外乱 に対して,車輪による移動の他に本体を傾ける ことによって転倒することなくバランスを保つ. よって外乱が与えられたとき,本体の傾斜角度 を速やかに外乱を相殺できる値へ収束させれば 車輪の動きを抑制することができる.そこで,本 論文ではマニピュレータ動作時に本体へ傾斜角 の指令値をフィードフォワード的に与えること でマニピュレータ動作時の車輪角度を抑制する 手法について検討する.

本体傾斜角の指令値を設計するにあたり,考 慮すべき点は以下の3点である.

- 1) 車輪角度 θ<sub>w</sub> を抑制できるか
- 2) マニピュレータ側との情報のやり取りが 最小限か

3)様々なマニピュレータの振り方に対応できるか

# 5.1 外乱オブザーバを用いて指令値を設計 する方法

I-PENTAR 本体側の情報のみを用いて傾斜角 度の指令値を設計するために,最小次元外乱オ ブザーバ (以下 RODO:Reduced Order Disturbance Observer)<sup>10)</sup>を用いる方法について検討 する.ここで, $x \equiv [\psi, \theta_w, \dot{\psi}, \dot{\theta}_w]^{T}$ を定義し,式 (6) で表される I-PENTAR のシステムを不安定 な平衡点近傍で線形化すると式 (13),式 (14) の 線形システムの形で表すことができる.

$$\begin{bmatrix} \dot{\boldsymbol{x}} \\ \dot{\tau_d} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} A & D \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \boldsymbol{x} \\ \tau_d \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} B \\ 0 \end{bmatrix} \tau_w$$
(13)  
$$\boldsymbol{y} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \boldsymbol{x} \\ \tau_d \end{bmatrix}$$
(14)

式 (13),式 (14)の線形化されたシステムに対し,  $\tau_d$ を推定するための RODO を式 (15),式 (16) のように構成する.

$$\dot{\boldsymbol{z}} = -LD\boldsymbol{z} + (-LDL - LA)\boldsymbol{x} - LB\tau_w \quad (15)$$
$$\hat{\tau}_d = \boldsymbol{z} + L\boldsymbol{x} \quad (16)$$

ここで, $L \in \mathbb{R}^4$ はオブザーバゲインである.

一方,定常状態の外乱  $\tau_d$ と本体傾斜角度  $\psi$ の関係は以下の式 (17) で近似することができる 10).

$$\psi \approx \frac{\tau_d}{M_g g l_g} \tag{17}$$

そこで,本体傾斜角の指令値  $\psi_d$  を式 (17) とオ ブザーバ出力  $\hat{\tau}_d$  を用いて与えた.

#### 5.1.1 指令値を与えた場合のシミュレーション

4.2 節と同様の条件 1,条件 2 でマニピュレー タを動作させた際の本体の挙動について,シミュ



Fig. 9 Simulation result when using RODO for  $\psi_d$  calculation in case 1.



Fig. 10 Simulation result when using RODO for  $\psi_d$  calculation in case 2.

レーションを行った結果をそれぞれ Fig.9, Fig.10 に示す.ここで,オブザーバゲインは試行錯誤 により, [0 0 1.0 0.2] と選定した.

また,条件1について本体傾斜角度 $\psi$ と本体 傾斜角指令値 $\psi_d$ の動きをFig.11に示す.

#### 5.1.2 シミュレーション結果の考察

Fig.9, Fig.10 に示す結果から考察する.外乱 オブザーバによる外乱の推定値から本体傾斜角 度の指令値を取得する方法においても,マニピュ レータ質量の変化による車輪の動きはマニピュ レータ側で補償できる値になっている.しかし, 第1関節の振り上げ,振り下ろし時には双方の 条件で期待通りの成果が得られなかった.特に 条件1 では Fig.11 に示すように外乱オブザー



Fig. 11 Plot of  $\psi$  and  $\psi_d$  using RODO in case 1.

バの収束が遅いため,マニピュレータの急激な 動きに対して外乱の推定が追いついていないこ とが分かる.従って,適切な指令値が生成され ないため車輪角度を抑制することができていな い.また,外乱の推定速度を調整するためのオ ブザーバゲインのチューニングは,シミュレー ション内であっても困難であった.以上の点か ら,外乱の推定値から本体傾斜角度の指令値を 取得する方法では車輪角度を抑制することに限 界があると考えられる.

# 5.2 マニピュレータの関節角度から重心位 置を取得する方法

5.1 節で,マニピュレータ側の情報を一切使 用せずに指令値を設計する方法では車輪角度を 抑制することに限界があるという結論に至った. そこで,マニピュレータ側のパラメータ(ノミ ナル質量と長さ)が既知であり,角度情報がリ アルタイムで取得できる場合の指令値の設計方 法について検討する.

Fig.4 より, I-PENTAR 本体とマニピュレー タの幾何学的拘束と質量から,平衡状態となる 本体傾斜角を算出することができる.マニピュ レータまで含めた I-PENTAR のモーメントの



Fig. 12 Simulation result when using arm and pendulum parameters for  $\psi_d$  calculation in case 1.

### 釣り合いを式で表すと式(18)となる.

$$M_{g}L_{g}(\psi)g + M_{1}L_{1}(\psi,\theta_{1})g + M_{2}L_{2}(\psi,\theta_{1},\theta_{2})g = 0$$
(18)

ここで,  $L_g \equiv l_g \sin \psi$ ,  $L_1 \equiv (l_{\text{body}} \sin \psi - l_1 \sin(\theta_1 - \psi))$ ,  $L_2 \equiv (l_{\text{body}} \sin \psi - l_{\text{arm1}} \sin(\theta_1 - \psi) - l_2 \sin(\theta_1 + \theta_2 - \psi))$ と定義した.式(18)を  $\psi$ について解くと式(19)となる.

$$\psi = \tan^{-1} \left( \frac{M'' l_1 S_{\theta_1} + M_2 l_2 S_{(\theta_1 + \theta_2)}}{M' - M'' l_1 C_{\theta_1} - M_2 l_2 C_{(\theta_1 + \theta_2)}} \right)$$
(19)

ここで, $M' \equiv M_g l_g + (M_1 + M_2) l_{\text{body}}$ , $M'' \equiv M_1 + 2M_2$ とおき, $\sin \theta \equiv S_\theta$ , $\cos \theta \equiv C_\theta$ という表記を用いた.式(19)をI-PENTARが平衡状態になるための傾斜角指令値 $\psi_d$ として与えることで,車輪角度の収束を速める手法について検討を行った.

### 5.2.1 指令値を与えた場合のシミュレーション

4.2 節と同様の条件 1,条件 2 でマニピュレー タを動作させた際の本体の挙動についてシミュ レーションを行った結果をそれぞれ Fig.12, Fig.13 に示す.

また,条件1について本体傾斜角度 $\psi$ と本体 傾斜角指令値 $\psi_d$ の動きをFig.14に示す.さら に,条件1で指令値を入れた場合と入れない場



Fig. 13 Simulation result when using arm and pendulum parameters for  $\psi_d$  calculation in case 2.



Fig. 14 Plot of  $\psi$  and  $\psi_d$  in case 1.

合について I-PENTAR 本体への入力トルク  $\tau_w$ の動きを Fig.15 に示す.

### 5.2.2 シミュレーション結果の考察

Fig.12, Fig.13に示す結果から,マニピュレー タの質量の変化による車輪の動きはマニピュレー タ側の制御で補償できる値であることが分かっ た.さらに,マニピュレータの動きによる外乱は 本体の傾斜角度をマニピュレータの関節角度に よって変わる平衡状態へ追従させることで,安 定したマニピュレーションのための外乱補償が 達成されている.また,Fig.15に示すように適 切にバランスをとる動作によってマニピュレー タ動作時の入力トルク $\tau_w$ も小さく抑えられて いる.



Fig. 15 Plot of  $\tau_w$  in case 1.

Table 2Values use for simulating effects oferroneous parameters.

$M_g$	+20[%]
$M_1$	-20[%]
$M_2$	+20[%]
$l_g$	-20[%]
$l_1$	+20[%]
$l_2$	-20[%]
$l_{\rm body}$	+20[%]

# 5.3 指令値にパラメータ誤差を含む場合の シミュレーション

5.2 節では車輪の回転角度  $\theta_w$  を抑制するため に式 (19) を  $\psi_d$  として与える方法を提案した. しかし,実際のマニピュレータの長さ,質量か らなる各パラメータには誤差が予想される.そ こで,パラメータに誤差を与えた場合について も同様にシミュレーションを行う.各パラメー タに与えた誤差を Table 2 に示す.

## 5.3.1 指令値にパラメータ誤差を含む場合の シミュレーション結果

指令値にパラメータ誤差を内包させ,4.2節 と同様の条件1と条件2でマニピュレータを動 作させた際の本体の挙動について,シミュレー ションを行った結果をFig.16,Fig.17に示す.



Fig. 16 Simulation result when using  $\psi_d$  considering parameter error in case 1.



Fig. 17 Simulation result when using  $\psi_d$  considering parameter error in case 2.

また,条件1についての本体傾斜角度 $\psi$ と本体傾斜角指令値 $\psi_d$ の動きをFig.18に示す.

### 5.3.2 シミュレーション結果の考察

Fig.16, Fig.17に示すシミュレーションの結 果から,4.2節と同様の条件1と条件2ともに パラメータ誤差による大きな傾斜角指令値が与 えられているため,マニピュレータが動作した 方向と逆に車輪が回転する様子が確認された. しかし,Table2に示す程度のパラメータ誤差を 含む場合では,車輪角度のピーク値は指令値を 入力しない場合を超えることはなく,マニピュ レータ側で補償できる値となっている.しかし, 今後の実機での検証結果によってはリアルタイ ムでのパラメータ推定について検討する必要が ある.



Fig. 18 Plot of  $\psi$  and  $\psi_d$  in case 1.

## 6. おわりに

本論文では車輪型倒立振子ロボットが精密な マニピュレーションを行うために,本体の動き を抑制する方法について提案した.

未知の外乱,誤差を補償する手法として拡張 状態オブザーバを用いた外乱補償制御があるが, I-PENTAR本体に外乱補償制御を適用した場合 でも,マニピュレータ動作時に本体が大きく動 くことがシミュレーションによって確認された. その結果を踏まえて,さらに本体の車輪角度の 動きを抑制するために,本体傾斜角の指令値を 設計する2つの手法について検討した.

外乱オブザーバを用いて指令値を設計する方 法では、マニピュレータ側の情報を使わずに制 御系を完全に分離できる.しかし、外乱オブザー バの収束性の改善、ゲインの選定、I-PENTAR 本体の正確なモデリングが必要となる.

マニピュレータ側のパラメータ(ノミナル質量 と長さ)と関節角度を取得できる場合には,合成 重心の位置を指令値とすることでマニピュレー タ動作時の車輪の角度を非常に小さく抑制でき ることがシミュレーションによって確認された. また,マニピュレータ側のパラメータ誤差を内包 する指令値を与えた場合についても検証を行っ た.シミュレーション結果から,本論文で与え た程度の誤差による車輪の動きはマニピュレー タの制御系によって補償が可能だと考えられる. 今後はシミュレーション結果が実機と一致す るか確認した後に,マニピュレータ側の制御系 との統合を行っていく予定である.特に,分離 した制御系を統合した際の制御性能については 詳しく検証を行う必要がある.

## 参考文献

- 中村亮介、網野梓、一野瀬亮子、柄川索、玉本淳一:人間共生ロボット" EMIEW 2"の開発:機構と制御システム構成(ホーム&オフィスロボット)、ロボティクス・メカトロニクス講演会講演概要集, Vol.2008, No.[2P1-I03], (2008).
- 向井利春,平野慎也,中島弘道,境田右軌:介護支援ロボット RIBA の安全対策と移乗作業の実現,ロボティクス・メカトロニクス講演会講演概要集,Vol.2010,No.[1A1-E24],(2010).
- 木村直,鄭聖熹, Luis Canete, 高橋隆行: 車輪型倒立 振子ロボットにおける未知質量物持ち上げ動作, ロボ ティクス・メカトロニクス講演会概要集, Vol.2011, No.[1P1-I04], (2011).
- 4) Luis Canete and Takayuki Takahashi: Disturbance compensation in pushing, pulling, and lifting for load transporting control of a wheeled inverted pendulum type assistant robot using the extended state observer, *IEEE/RSJ International Conference on Intelligent Robots and Systems*, Vol.7, No.12, (2012).
- Q. Zheng, L.Q. Gao, and Z. Gao: On validation of extended state observer through analysis and experimentation, *Journal of Dynamic* Systems, Measurement, and Control, Vol.134, No.2,pp.024505.1–024505.6, (2012).
- 6) マハワンバグス、羅正華、韓京清、中嶋新一: 拡張状態 オブザーバによるロボットの高速・高精度運動制御、 日本ロボット学会誌、Vol.18、No.2,pp.86-93、(2000).
- R. Miklosovic and Z. Gao. A dynamic decoupling method for controlling high performance turbofan engines. In *Proc. of the 16th IFAC World Congress*, pp.4–8, (2005).
- Z. Shen and G. Zhiqiang. Active disturbance rejection control for non-minimum phase systems. In 29th Chinese Control Conference, pp.6066–6070. IEEE, (2010).
- 永野健太、佐藤拓磨、Luis Canete、高橋隆行:拡張状 態オブザーバを用いた倒立振子型ロボット用双腕マ ニピュレータの外乱補償制御のシミュレーション、計 測自動制御学会東北支部第 277 回研究集会、Vol.277、 No.11, (2012).
- 10) Luis Canete and Takayuki Takahashi: A disturbance compensation method for pushing control of an inverted pendulum robot, the 29TH Annual Conference of the Robotics Society of Japan, Vol.2011, No.[113-8], (2011).