計測自動制御学会東北支部 第 341 回研究集会 (2023.3.23) 資料番号 341-5

放射線治療のための深層学習モデルに基づく 呼吸性移動予測の時系列データ拡張による性能向上

Performance improvement of deep-learning-based prediction of respiratory motion by using data augmentation for radiation therapy

○石井 万結*、市地 慶*、篠原 唯*、淡路 樹*、本間 経康*

○Mayu Ishii*, Kei Ichiji*, Yui Shinohara*, Itsuki Awaji*, Noriyasu Homma* *東北大学大学院医学系研究科

*Tohoku University Graduate School of Medicine

キーワード: 放射線治療 (Radiation therapy)、肺がん (Lung cancer)、深層学習 (Deep learning)、Transformer、データ拡張 (Data augmentation)

 連絡先: 〒980-8575 仙台市青葉区星陵 2-1 東北大学大学院医学系研究科 医用画像工学分野 石井 万結, Tel.: 022-717-8190, E-mail: mayu.ishii.q3@dc.tohoku.ac.jp

1. はじめに

平均寿命延伸に伴い、わが国では生涯の がんの罹患率は50%を超え、男性ではおお よそ4人に1人、女性では6人に1人がが んにより死亡するとされる[1]。がんの治療 は、罹患部位・臓器、進行状況、全身状態な どをもとに治療方針を決定し、外科的療法、 化学療法、放射線治療といった治療法を単 独もしくは組み合わせることで進められる。 主要な治療法のうち放射線治療は低侵襲か つ副作用が局所的であることから、とくに 肺や肝臓などの外科的療法では機能が失わ れる可能性がある臓器にも適用しやすい、 高齢者などの体力が低下している患者でも 治療を受けやすいなどの利点が知られてい る[2]。

放射線治療では、確実な治療効果を得る ために治療対象である標的腫瘍へと放射線 を十分に照射すると同時に、副作用低減の ために治療対象周辺の正常組織の被ばくを 極力抑制することの両立が求められる。し かし、体幹部の腫瘍は体内臓器の影響を受 けるため、その位置が時々刻々と変化する ことが知られている。とくに呼吸の影響を 受けやすい肺がんでは、標的腫瘍が呼吸に よって時々刻々と位置変化する[3]。このよ うな呼吸性移動を伴う腫瘍へ十分な線量投 与し、周辺の肺野の被ばく線量を低減する ためには、呼吸性移動への対策が必要であ り[4]、最大吸息時や最大呼息時など特定の 呼吸相にあるときのみ照射する呼吸同期照 射や、呼吸性移動に応じて照射範囲を追従 させる動体追尾照射が開発・利用されてい る。

呼吸性移動に応じて照射を制御する対策 法は、腫瘍位置の呼吸による移動をリアル タイムに計測し、時空間的に標的腫瘍のみ へ投与線量を集中することを実現する[4]。 しかし、位置計測や照射制御の双方に必要 な処理・駆動により、計測されたタイミング と照射制御が完了するまでには合わせて数 十~数百ミリ秒程度の時間遅れが発生する と報告されている[5]。この時間遅れは標的 腫瘍の範囲と照射の範囲とにずれを生じさ せる。そこで、このずれを補償するために、 呼吸性移動による将来の腫瘍位置変動の時 系列予測を行い、照射を先回りして制御す ることが求められている[6]。

呼吸性移動予測手法として、これまでに 統計的時系列モデル、機械学習モデル、深層 学習モデルを用いたさまざまな予測手法が 提案されており、近年では深層学習モデル による呼吸性移動予測が優れていると期待 されている[7]。深層学習を用いた呼吸性移 動予測の研究として、再帰型ニューラルネ ットワーク (Recurrent Neural Network: RNN)の一種であるゲート付き再帰型ユニ ット(Gated recurrent unit: GRU)[8]を用い たものが報告されている[9]。RNN は自身 の持つ再帰型構造により、過去の情報をそ れ以降の時点の出力算出にも活かされると いう特徴があり、時系列予測を含む系列処 理に優れている。また近年では系列の要素 ごとの関係を学習することができる注意機 構 (Attention) を用いた深層学習モデルで ある Transformer[10]に基づくモデル群が 自然言語処理の分野において優れた性能を 達成している[11]。さらに時系列予測に特 化したモデルである Informer[12]による呼 吸性移動予測が従来手法と比べ優れていた との報告がある[13]。

しかし深層学習による呼吸性移動予測に は呼吸の性質変化があるデータでの予測が 適切に行うことができないという課題があ る。図1はGRU、および Informer による 呼吸性移動予測の一例である。5 秒から 15 秒の付近をみると、黄色線及び黄緑線で示

した GRU、Informer による予測結果は、黒 線で示される真値とかけ離れた予測結果に なっていることがわかる。この図1の例に おいて、予測モデルの学習および評価に使 用したデータ[14]を図2に示す。図2中の 破線は訓練データ、評価データそれぞれの 平均値を示している。それぞれの平均値に 差があり、訓練データと評価データ間で呼 吸の性質変化があったとみなせる。深層学 習モデルの予測が適切に行うことができな い原因は、このような性質の差にモデルが 対応できていないことだと考えられる。そ のため、深層学習モデルの予測性能を十分 に引き出すためには、将来起こり得る呼吸 の性質変化をも予測モデルに学習させる必 要がある。訓練データを元にバリエーショ ンに富んだデータを作成し、それを学習に 用いるデータ拡張は有効であると考えられ る。

以上より、本研究では、深層学習モデルに よる呼吸性移動予測において、呼吸の性質 変化を含むデータでの予測性能を向上させ ることを目的として、呼吸性移動時系列向 けのデータ拡張の効果を検証する。訓練用 の呼吸性移動時系列データにみられる主要 な性質変化を模擬することで、より多様な 呼吸パターンを含む訓練データへと拡張す る。拡張した訓練データへと拡張す る。拡張した訓練データをもとに Transformer ベースモデルである Informer モデルを構築し、呼吸性移動予測における データ拡張を実験的に評価する。



図 2: 図1の予測モデルの学習および評価に使用したデータ

 時系列データ拡張を用いた深層学 習モデルによる呼吸性移動予測

本章では、呼吸性移動予測における時系 列データ拡張の効果を検証するために、時 系列向けの Transformer ベースモデルであ る Informer モデルにデータ拡張を適用する 方法について説明する。

2.1. Transformer に基づく呼吸性移動予測 モデル

2.1.1. Transformer

Transformer は主に注意機構 (Attention) で構成されるエンコーダ-デコーダ型モデ ルである。注意機構 (Attention) は、系列 の要素ごとの関係を学習する機構である。 同じく系列処理向けとして知られる RNN と比べてより系列内の長期の関係性を扱う ことに優れている。しかし、注意機構自体に は順序関係の概念が存在しないため、要素 同士の位置関係を捉えるために位置情報の 埋め込みを行う。 2.1.2. Informer: 本研究の使用モデル

Informer は Transformer を時系列予測向 けに改良したモデルである。Transformer で の位置情報の埋め込みの代わりに、時系列 に含まれている秒、分、時間、日、週、月、 年や曜日といった時間情報の埋め込みを行 う。しかし呼吸性移動のデータには日、曜日 などの概念はない。呼吸性移動予測向けに は、通常の時間情報に加えて吸息や呼息と いった呼吸の位相に関する情報の埋め込み を行う。呼吸の位相としては、呼吸性移動予 測時系列の瞬時位相を用いる。

瞬時位相はヒルベルト変換を用いて求め ることができる。時刻tにおける呼吸性移 動時系列x(t)の瞬時位相 $\theta(t)$ は以下の式 (1)で表される。

$$\theta(t) = \tan^{-1}\left(\frac{H[x(t)]}{x(t)}\right) \tag{1}$$

ただし、 *x*(*t*) は時刻 *t* における腫瘍位置、 *H*[*x*(*t*)] は *x*(*t*) のヒルベルト変換である。 次に線形層 *f*(·) を通じて腫瘍位置と瞬時



図 3: 本研究使用モデルの入出力の関係

位相を高次元特徴ベクトルへと変換し、そ れらを合成した特徴ベクトル y(t)を求める。

$$\mathbf{y}(t) = \mathbf{f}(\mathbf{x}(t), \theta(t)) \tag{2}$$

本研究で用いたモデルの入出力の関係を 図3に示す。図3中のエンコーダ入力 Y_{en} 、 デコーダ入力 Y_{de} は、特徴ベクトルy(t)を 用いて、以下の式(3)、式(4)で表すことがで きる。

$$Y_{en} = \begin{bmatrix} y(t_0 - L_{en} + 1) \\ y(t_0 - L_{en} + 2) \\ \vdots \\ y(t_0) \end{bmatrix}$$
(3)
$$Y_{de} = \begin{bmatrix} y(t_0 - L_{de} + 1) \\ y(t_0 - L_{de} + 2) \\ \vdots \\ y(t_0) \\ 0 \\ \vdots \\ 0 \end{bmatrix}$$
(4)

2.2. 呼吸性移動時系列のデータ拡張

図1で示したように深層学習による呼吸 性移動予測が適切に行うことができなかっ たデータの性質変化には、i)呼吸周期の 変化、そしてii)重力およびほかの臓器の 影響による腫瘍位置の呼吸よりも緩やかな 変動(以下、長期変動)の変化が含まれてい る。本節では、呼吸周期の変化および長期変 動の変化に対応するための2つの拡張手法 について説明する。

2.2.1. 時間方向の伸縮

呼吸周期の変化に対応するためのデータ 拡張として、時間方向の伸縮を行う。これに より、様々な呼吸周期を持つ呼吸性移動デ ータを模擬することができる。時刻tにお ける腫瘍位置をx(t)、変換後の時刻および 腫瘍位置をそれぞれt'、x'(t')としたとき、 以下の式(5)で示される変換を行うことに より、時間方向の伸縮を実現する。

$$\begin{cases} t' = mt\\ x'(t') = x(t) \end{cases}$$
(5)

ただし、*m*は時間方向伸縮の係数であり、 一様分布 *U*(0.9, 1.1) に従う。

図4にm > 1であるときの、時間方向の 伸縮の様子を示す。ある時刻 t_1 における腫 瘍位置 $x(t_1)$ が、 $t'_1 = mt_1$ における腫瘍位 置 $x'(t'_1)$ に変換されていることがわかる。 また時間方向への引き伸ばしにより、呼吸 周期の異なったデータが作成されたことが みてとれる。





2.2.2. 長期変動の変更

重力およびほかの臓器の移動による腫瘍 位置の長期変動の変化に対応するために、 将来起こり得る長期変動を模擬するように 長期変動の傾きを変更する。本研究では図 5左上の橙線のように長期変動を一次近似 直線で表すことにする。

長期変動の変更では、まず時間方向の伸縮を行った後の呼吸性移動時系列 x'(t') から最小二乗法により求めた元の長期変動 (図5左上橙線)を取り除く。時刻 t' における腫瘍位置 x'(t') から元の長期変動を取 り除いた腫瘍位置 x_{NoTrend}(t') は式(6)で表 される。

 $x_{NoTrend}(t') = x'(t') - (at' + b)$ (6) ただし、a、bは時間方向の伸縮を行った 後腫瘍位置 x'(t')の一次近似直線の式の係 数である。図5右上に元の長期変動を取り 除いた $x_{NoTrend}(t')$ の例を示す。

次に取り除いた長期変動の傾きである *a* を基準として図 5 右下橙線のような新たな 長期変動を作成し、それを加えることで図 5 左下のように元データと異なる長期変動 をもつデータを作成する。長期変動変更後



図 6: 本研究で使用したデータの一例

の腫瘍位置 x''(t') は式(7)で表される。

 $x''(t') = x_{NoTrend}(t') + (lat' + b)$ (7) ただし、lは長期変動変更の係数であり、一 様分布 U(-1.1, +1.1)に従う。

3. 検証実験

呼吸性移動予測向けの時系列データ拡張 を用いた Informer モデルの予測性能を評価 するため、呼吸性移動の実データを用いて 予測実験を行った。

3.1 使用データ

呼吸性移動予測において広く用いられて いるオープンデータ[14]のうち、15 人分を 使用した。これらのデータには性質変化の 影響により深層学習での予測が適切に行え なかったデータを含んでいる。予測が適切 に行えなかったデータの一例を図 6 に示す。 サンプリング周波数 26 Hz のデータを 10 Hz にダウンサンプリングし使用した。デー タ長は 692.3 秒(6923 点)であり、訓練 30%、 検証 10%、評価 60%に分割した。

3.2 比較対象モデル

本研究では、データ拡張の効果を調べる ため、①Informer モデルにデータ拡張を適 用したモデル(以下、データ拡張適用モデ ル)と、②データ拡張を適用しなかったモデ ル(以下、データ拡張を適用モデル)の比較 を行った。データ拡張の有無以外はすべて 同条件で実験を行った。①データ拡張適用 モデルでは、時間方向の伸縮範囲は 0.9~ 1.1 倍(m~U(0.9,1.1))、長期変動の傾きの 範囲は、基準の傾きの-1.1~1.1 倍 (*l~U*(-1.1,1.1))とした。なお学習と評価 はデータごとに10試行した。本研究で使用 したハイパーパラメータを表1に示す。ハ イパーパラメータは②データ拡張未適用モ デルでのグリッドサーチをもとに決定し、 ①データ拡張適用モデルと共通とした。

③予測による遅れ補償を行わずに照射し たときに相当する零時ホールド法による予 測(以下、予測による遅れ補償なし)も行い、 比較対象とした。

$$\hat{x}(t+h) = x(t) \tag{8}$$

なお *x*(*t* + *h*) は時刻 *t* + *h* における予測 値、 *x*(*t*) は時刻 *t* における実測値である。 予測先*h*はすべてのモデルで 0.5 秒(5 点) とした。

3.3 実験環境

Informer モデルは Python (ver.3.9.7) 環 境下で、深層学習フレームワーク PyTorch (ver.1.10.0)を用いて実装した。実験には、 CPU: Intel Core i9- 10900K、メモリ: 64 GB、 GPU: NVIDIA RTX A6000 の計算機を使用 した。

3.4 評価指標

予測結果の評価指標として、Root mean squared error (RMSE)を用いた。RMSE は 式(9)により求められる。

RMSE =
$$\sqrt{\frac{1}{N} \sum_{t=1}^{N} (x(t) - \hat{x}(t))^2}$$
 (9)

RMSE は小さい値になるほど予測が正確 であることを示している。

4. 検証実験の結果

データ 2 およびデータ 13 における予測 結果の例をそれぞれ図 7、図 8 に示す。ま た、データ 2 およびデータ 13 における RMSE をそれぞれ表 2、表 3 に示す。図 7 の緑枠線内に着目すると、②データ拡張未 適用モデルが腫瘍位置の低下に対応できて いないのに対し、①データ拡張適用モデル は低下した部分に追従した予測を行うこと ができている。また、表 2 より①データ拡 張適用モデルの RMSE は、②データ拡張未 適用モデルおよび③予測による遅れ補償な しよりも小さくなっていることがわかる。 以上から、データ 2 において①データ拡張 適用モデルは②データ拡張未適用モデルよ りも真値に近い予測ができたといえる。

一方、図 8 の緑枠線内に着目すると、① データ拡張適用モデルは呼吸の谷の部分で 真値よりも低い値に予測してしまい、真値 との差が大きくなっていることがわかる。 表 3 から、RMSE による比較でも①データ 拡張適用モデルが②データ拡張未適用モデ ルよりも大きくなっていることが分かり、 データ拡張を行ったことにより予測精度が 低下したといえる。

図 9 に、10 試行分の RMSE の分布をデ ータごとに示す。また表4にデータごとの RMSE の 10 試行平均を示す。図9を見る と、多くのデータで①データ拡張適用モデ ルのRMSEが②データ拡張未適用モデルよ りも小さくなっていることがわかる。また ①データ拡張適用モデルでの予測が③予測 による遅れ補償なしよりも予測精度が低下 することがなくなったことがわかる。一方 データ 5、データ 11、データ 13 ではデータ ②拡張未適用モデルの RMSE が①データ拡 張適用モデルよりも下回っているように見 受けられる。表4より、RMSE の 10 試行平 均は、15 データのうち 11 データで①デー タ拡張適用モデルが最小であることがわか る。しかし15データのうち4データでは② データ拡張未適用モデルの RMSE が①デー タ拡張適用モデルよりも小さくなっている。

パラメータ	値	パラメータ	値		
位相計算用の入力長	100	モデル内次元	512		
Encoder 入力長	40	全結合層次元	4096		
Decoder 入力長	10	バッチ数	32		
Decoder 出力長	5	最大エポック数	500		
Attention head の数	8	学習率	0.0001		
Encoder のレイヤー数	2	ドロップアウト	0.05		
Decoder のレイヤー数	1	損失関数	MSE		
入力次元&出力次元	1	最適化手法	Adam		

表 1: 本実験で用いたハイパーパラメータ



図 7: データ2における予測



表 2: データ 2 における予測の RMSE

モデル	RMSE
①データ拡張適用モデル	0.965
②データ拡張未適用モデル	2.25
③予測による遅れ補償なし	2.10

表 3: データ 13 における予測の RMSE

モデル	RMSE
①データ拡張適用モデル	0.646
②データ拡張未適用モデル	0.559
③予測による遅れ補償なし	1.22



図 9: データごとの 10 試行分の RMSE の分布

データ番号	①データ拡張	②データ拡張	③予測による
	適用モデル	未適用モデル	遅れ補償なし
データ 1	0.155	0.156	0.427
データ 2	1.07	2.32	2.10
データ 3	0.181	0.192	0.571
データ 4	0.589	0.699	1.18
データ 5	1.39	1.27	2.72
データ 6	0.751	0.779	1.87
データ 7	0.977	1.11	2.00
データ 8	0.475	0.438	1.26
データ 9	1.10	1.22	2.75
データ 10	0.383	0.470	1.03
データ 11	0.477	0.382	0.743
データ 12	0.255	0.283	0.507
データ 13	0.710	0.584	1.22
データ 14	0.358	0.387	1.07
データ 15	1.08	1.17	1.33

表 4: データごとの RMSE10 試行平均



図 10: データ拡張未適用モデルを基準とした RMSE を 1 としたときの各モデルの相対化 RMSE

5. 考察

検証実験の結果より、15 データのうち 11 データで、データ拡張による性能向上が見 られた。これは Informer モデルを用いた予 測においてデータ拡張が有効である可能性 を示唆している。一方、データ2やデータ 5、データ13ではデータ拡張による予測性 能低下が見られた。このことはデータ拡張 がモデルに悪影響を与えることがあること を示している。とくに、本研究では時間方向 の伸縮と、腫瘍位置の長期変動の変更、2種 類の拡張方法を適用したが、どちらの拡張 方法がどの程度性能向上・低下に影響を与 えたのかについても特定が望まれる。そこ で、時間方向の伸縮のみ適用したモデル、長 期変動の変更のみ適用したモデルを訓練し、 予測性能の追加評価を行った。ハイパーパ ラメータは 3.2 と同様に設定し、各データ 10回ずつ学習と予測を行った。

図 10 に(a) 2 種類のデータ拡張適用モデ ル、(b)時間方向の伸縮のみ適用したモデル、

(c)長期変動の変更のみ適用したモデルの 10 試行の平均 RMSE について、データ拡張 未適用モデルを基準として相対化した値を 示す。この相対化 RMSE が1未満であれば データ拡張による性能改善があったこと意 味し、1 を超えている場合には予測性能に 悪影響があったことを意味する。図10の緑 枠線内に注目すると、データ2では(a)と(c) の相対化 RMSE が 0.5 以下となっており、 長期変動の変更により大きな改善が生じた ことがわかる。一方、データ5、データ11、 データ 13 を見ると同じく(a)と(c)の相対化 RMSE が1を超えており。これらデータで は長期変動の変更の適用による悪影響が生 じていたことがわかる。また(a)と(b)の相 対化 RMSE より、時間方向の伸縮はデータ 拡張未適用モデルからの性能低下こそ生じ ないものの性能向上への寄与はそれほど大 きくないことがわかる。また、全体としてデ ータにより相対化 RMSE の傾向が異なるこ とから、拡張方法の種類ごとの適用可否は データごとに向き不向きがあることがうか

がえる。したがって、今後どのようなデータ において予測性能低下がどのように生じる のか、その傾向や原因をさらに検討する必 要がある。

このほか本研究の2種類の拡張方法で対応しきれていない呼吸性変動の性質が存在する可能性がある。このため、ほかに考慮すべき性質の調査とその拡張方法の実現手段の検討も必要である。

6. おわりに

本研究では、放射線治療の動体追尾照射 を想定した、深層学習モデルによる呼吸性 移動予測に時系列データ拡張を適用し、そ の効果を検証した。データ拡張は、時系列向 け深層学習モデルであるInformerモデルに、 呼吸周期の変化に対応するための時間方向 の伸縮、重力およびほかの臓器の移動によ る腫瘍位置の長期的変動の変化に対応する ための長期変動の変更を適用した。

データ拡張を適用したモデルによる予測 は、データ拡張を適用しないモデルと比較 して、多くのデータで予測精度の改善がみ られた。このことから深層学習モデルによ る呼吸性移動予測においてデータ拡張が有 効である可能性が示唆された。その一方、一 部データにおいてデータ拡張を適用したこ とによる性能低下がみられた。またそれぞ れのデータ拡張方法はデータによって向き 不向きが存在した。そのため、データにより 適用するデータ拡張方法および条件を変更 する必要があると考えられる。

今後の課題として、データ拡張により予 測性能が低下した例に対する改善策を検討 することが挙げられる。本研究で用いたデ ータ拡張方法は、性能向上、低下どちらにも つながることがあるため、改善策を講じる ことにより、より多くのデータでの性能向 上を実現することが望まれる。

また適切なデータ拡張方法と拡張条件の 検討も課題である。より多くの呼吸性質変 化に対応できるデータ拡張方法を適用する ことにより、さらなる性能向上につなげる ことが期待される。

参考文献

- [1] がんの統計編集委員会, がんの統計〈2022年版〉. 公益財団法人がん研究振興財団, 2022.
- [2] 小塚隆弘、稲邑清也, 診療放射線技術 下巻,改訂第14版.南江堂,2019.
- [3] Y. Suh, S. Dieterich, B. Cho, and P. J. Keall, "An analysis of thoracic and abdominal tumour motion for stereo-tactic body radiotherapy patients," Phys Med Biol, vol. 53, no. 13, pp. 3623–3640, Jul. 2008, doi: 10.1088/0031-9155/53/13/016.
- [4] P. J. Keall *et al.*, "The management of respiratory motion in radiation oncology report of AAPM Task Group 76a)," *Med Phys*, vol. 33, no. 10, pp. 3874–3900, Oct. 2006, doi: 10.1118/1.2349696.
- [5] P. R. Poulsen, B. Cho, A. Sawant, D. Ruan, and P. J. Keall, "Detailed analysis of latencies in image-based dynamic MLC tracking," *Med Phys*, vol. 37, no. 9, pp. 4998–5005, Sep. 2010, doi: 10.1118/1.3480504.
- [6] P. J. Keall *et al.*, "AAPM Task Group 264: The safe clinical implementation of MLC tracking in radiotherapy," *Med Phys*, vol. 48, no. 5, pp. e44–e64, May 2021, doi: 10.1002/MP.14625.
- [7] A. Mylonas, J. Booth, and D. T. Nguyen, "A review of artificial intelligence applications for motion tracking in radiotherapy," *J Med Imaging Radiat Oncol*, vol. 65, no. 5, pp. 596–611, Aug. 2021, doi: 10.1111/1754-9485.13285.
- [8] K. Cho et al., "Learning Phrase Representations using RNN Encoder-Decoder for Statistical Machine Translation,"

EMNLP 2014 - 2014 Conference on Empirical Methods in Natural Language Processing, Proceedings of the Conference, pp. 1724–1734, Jun. 2014, doi: 10.3115/v1/d14-1179.

- [9] S. Yu, J. Wang, J. Liu, R. Sun, S. Kuang, and L. Sun, "Rapid Prediction of Respiratory Motion Based on Bidirectional Gated Recurrent Unit Network," *IEEE Access*, vol. 8, pp. 49424–49435, 2020, doi: 10.1109/ACCESS.2020.2980002.
- [10] A. Vaswani *et al.*, "Attention Is All You Need," *Adv Neural Inf Process Syst*, vol. 2017-December, pp. 5999–6009, Jun. 2017, doi: 10.48550/arxiv.1706.03762.
- [11] J. Devlin, M. W. Chang, K. Lee, and K. Toutanova, "BERT: Pre-training of Deep Bidirectional Transformers for Language Understanding," NAACL HLT 2019 - 2019 Conference of the North American Chapter of the Association for Computational Linguistics: Human Language Technologies - Proceedings of the Conference, vol. 1, pp. 4171-4186. Oct. 2018, doi: 10.48550/arxiv.1810.04805.
- [12] H. Zhou et al., "Informer: Beyond Efficient Transformer for Long Sequence Time-Series Forecasting," 35th AAAI Conference on Artificial Intelligence, AAAI 2021, vol. 12B, pp. 11106–11115, Dec. 2020, doi: 10.48550/arxiv.2012.07436.
- [13] 西山亮、市地慶、本間経康、杉田典大, "注意機構に基づく肺腫瘍位置変動予測," 第55回日本生体医工学会東北支部大会, 2021.
- [14] "Signals @ ROB," https://signals.rob.uni-luebeck.de/index.php?title=Signals_@_ROB.