計測自動制御学会東北支部 第 349 回研究集会 (2024.7.12) 資料番号 349-2

# 計算アルゴリズムがつま先装着型慣性センサによる 歩行パラメータ推定精度に与える影響

# Effect of computational algorithm on walking parameters estimated using tiptoe-mounted inertial sensor

〇三浦健王, 大竹真央, 佐川貢一

OKenoh Miura, Otake Mao, Sagawa Koichi

弘前大学

Hirosaki University

キーワード: つま先装着型慣性センサ(Toe-mounted inertial sensor), 光学式動作解析装置(Motion capture system), 姿勢再計算法(Posture recalculation method), カルマンフィルタ (Kalman filter), Madgwick フィルタ(Madgwick filter), 歩行解析(Gait analysis)

**連絡先: 〒036-8561** 青森県弘前市文京町 3 弘前大学理工学部機械科学科 三浦健王, Tel:080-3333-2251, E-mail:h23ms541@hirosaki-u.ac.jp

## 1. はじめに

歩行能力は認知機能に依存することが知 られているため,歩行パラメータを正しく推 定することにより,認知症の予兆の発見に役 立つことが期待されている.人の動きを計測 する最も精度の高い方法の 1 つとして光学 式動作解析装置(Motion capture system: MCS)がある.しかし,測定装置が高価なこ とや測定範囲が限られているという欠点が ある.一方,人間の身体能力を計測する方法 の一つとして,装着型の慣性センサが利用 されている<sup>1) 2)</sup>.慣性センサは低コストかつ 広い範囲で動作測定が可能である.従来,歩 幅などの歩行パラメータの推定の際,爪先の 加速度と角速度を計測し,遊脚期終了時の センサの姿勢を元に, 遊脚期のセンサの姿勢 を修正することで, 慣性センサの出力値のド リフトの影響を除去する方法(以下, 姿勢再 計算法と呼称)が提案され, 大規模健康診断 などで利用されている<sup>3)</sup>. また, 慣性センサ の姿勢推定の手法としてカルマンフィルタ 法<sup>4)</sup>や Madgwick フィルタ法<sup>5)</sup>が提案されて いるが, それぞれのアルゴリズムで推定した 歩行パラメータの精度を比較した例はあま りない.

そこで本研究では、姿勢再計算法、カルマ ンフィルタ法、Madgwick フィルタ法の3つ の姿勢推定法を適用して、歩幅、爪先高さ、 足関節角度を推定し、光学式動作解析装置に よる測定値と比較することで推定精度を調 査した.



Fig.1 True velocity and integral error

#### 2. 原理

#### 2.1 3次元移動軌跡推定の計算

3次元移動軌跡を推定する際,加速度を積 分することで速度および位置を求めること ができる.しかし,数値積分を行うと誤差が 発生するため,これを軽減させる処理を行う. まず,人体などの移動座標系で観測された加 速度aを以下の式により固定座標系の加速度  $a_0$ に変換する.

 $a_0 = E_n a$ (1)Enはセンサの姿勢を表す3行3列の姿勢行 列であり、3つの姿勢推定法毎に導出過程が 異なる. 足部の速度は遊脚期の加速度aoを積 分して求めるが,積分誤差により正確な速度 を得るのは困難である. そこで遊脚終了時の 積分誤差を利用して遊脚期の速度を修正す る. Fig.1 に、真の速度 $v_t(t)$ と加速度の積分 により誤差v,を含む速度の関係を示す.本研 究では, 立脚相での足の爪先速度が0 である と仮定し,加速度積分による速度誤差を除去 する.加速度センサによって計測される加速 度a(t)は、加速度誤差a<sub>e</sub>(t)と真の加速度  $a_t(t)$ により次のように表現されると仮定す 3.

$$a(t) = a_t(t) + a_e(t) \tag{2}$$

ここで,加速度 $a_t(t)$ を積分することで得ら れる真の速度 $v_t(t)$ は次のような式となる.



Fig.2 Toe and inertial sensor axis orientation



Fig.3 Types of ankle angles

$$v_t(t) = \int_0^t a(\tau) d\tau - \frac{v_e}{N} t \tag{3}$$

Nは爪先離地から踵接地までの時間長, v<sub>e</sub>は 加速度を積分して得られる踵接地時の速度 である.また,歩幅や爪先高さは(3)式をさら に積分して導出する.

#### 2.2 足関節角度の計算

爪先に装着した慣性センサの軸の向きを Fig.2 に示す.足関節角度は、伸展・屈曲の 角度 $\theta_e$ 、外転・内転の角度 $\theta_a$ 、外がえし・内 がえしの角度 $\theta_o$ の3種類を導出する(Fig.3). 時間tのそれぞれの足関節角度は、立脚期の センサの姿勢角からの差として以下のよう に求める.

$$\theta_e(t) = \sin^{-1} i_z(t) - \theta_e(0) \tag{4}$$

$$\theta_a(t) = \tan^{-1} \left( \frac{i_y(t)}{i_x(t)} \right) - \theta_a(0) \qquad (5)$$

- 2 -



Fig.4 Kalman filter algorithm

$$\theta_o(t) = \sin^{-1} j_z(t) - \theta_o(0) \tag{6}$$

ただし、 $\theta_e(0)$ 、 $\theta_a(0)$ 、 $\theta_o(0)$ は(7)、(8)、(9) 式により求める.

$$\theta_e(0) = \sin^{-1} i_z(0) \tag{7}$$

$$\theta_a(0) = \tan^{-1} \left( \frac{\iota_y(0)}{\iota_x(0)} \right) \tag{8}$$

$$\theta_0(0) = \sin^{-1} j_z(0)$$
 (9)

#### 2.3 センサの姿勢修正法

3 つのセンサ姿勢推定法の違いについて 説明する. Fig.4 にカルマンフィルタのアル ゴリズムを示す<sup>4)</sup>. 拡張カルマンフィルタ

(Extended Kalman filter: EKF) は、加速 度、角速度、地磁気を用いてカルマンゲイン Kと予測誤差eを導出し、推定観測地と実測 値の差が少なくなるようにセンサの姿勢を 表すクォータニオンの予測値 $\hat{q}$ を修正して更 新されたクォータニオンqを求める.

 $q(t) = \hat{q}(t) + K(t)e(t)$  (10) また, 事前に設定した加速度や地磁気の閾値 によって, 姿勢の計算方法を切り替えるアル ゴリズムを搭載しており, 素早い動きや外乱 磁場があったときは, 角速度のみで姿勢を更 新している.

Fig.5 に Madgwick フィルタのアルゴリズ ムを示す<sup>5)</sup>. Madgwick フィルタは, 勾配降 下アルゴリズムにより, センサ座標系での重 力加速度と地磁気の推定値とセンサ座標系 で計測された実測値との差が最小となると き最適なセンサ姿勢として以下の式で計算 している。ここで, Eqはセンサ座標系から見 た固定座標系でのセンサ姿勢, Edは固定座



Fig.5 Madgwickfilter algorithm



Fig.6 Posture recalculation method

標系での重力加速度や地磁気などの成分, <sup>s</sup>s はセンサ座標系での成分を示している.

 $f((\stackrel{s}{E}q_{t-1}, \stackrel{E}{d}_{t}, \stackrel{s}{s}_{t}) = \stackrel{s}{E}q_{t-1}^{*} \otimes \stackrel{E}{d}_{t} \otimes \stackrel{s}{E}q_{t-1} - \stackrel{s}{s}_{t}) (10)$ そして, 推定された姿勢を表すクォータニオンを用いて磁気ひずみおよび角速度のドリフト誤差を補正する.

Fig.6 に姿勢再計算法による姿勢の修正方 法を示す<sup>3)</sup>、姿勢再計算法は,重力加速度か ら遊脚期開始時(立脚期終了時)と終了時(立 脚期開始時)の慣性センサの姿勢を導出し, その間の姿勢を角速度積分により導出する. 重力加速度から得られた立脚期のセンサ姿 勢 $E'_N$ と,角速度積分によって得られた遊脚 終了時の姿勢 $E_N$ は一般に一致しないため,  $E_N を E'_N$ に一致させる回転行列の回転軸 $\omega$ と 回転角 $\theta_e$ を求め,立脚期のセンサ姿勢を次式によ

- 3 -



Fig.7 Inertial sensor



Fig.8 Mounting position of inertial sensor and 3 markers

り再計算している.

 $E'_N = R^{\omega \cdot \frac{n}{N} \theta_e} E_N (n = 1, 2, \dots, N)$  (11) ただし $R^{\omega \theta}$ は $\omega$ 軸周りに $\theta$ だけ回転させる行 列である.

# 3. 実験

#### 3.1 実験装置

実験で使用する慣性センサは,加速度,角 速度,地磁気を計測する9軸センサモジュー ル ( MPU-9250 , InvenSence Inc, ±156.8[m/s<sup>2</sup>], ±2000[deg/s], ±1200[µT]), マイコン (Michrochip), RF モジュール (XBee, Maxstream Inc, 通信速度 115200[bps]), MicroSD カード, リチウムイ オン電池で構成されている (Fig.7). この慣 性センサに光学式反射マーカを 3 つ取り付



1 duplicate step 2 duplicate step 3 duplicate step Fig.9 Overview of experiment

け, 被験者の靴のつま先にビニールテープで 固定する (Fig.8). MCS での歩行計測は, カ メラ 8 台 (OptiTrack Flex:V100)を使用し, 測定対象を囲むように設置して行った.

#### 3.2 実験方法

実験の概要図を Fig.9 に示す.歩き方は通 常歩行とし,左足から歩き始め,右足の3重 複歩分を計測する.被験者は20歳代の男性 (身長175cm,体重72 kg)1名であり,10回 (合計30重複歩分)計測した.MCSで計測 した歩行パラメータを真値とする.

# 4. 実験結果と考察

#### 4.1 実験結果

Fig.10 に各アルゴリズムにおける 1 計測 分の移動距離, Fig.11 に各アルゴリズムにお ける推定歩幅の誤差の平均値と標準偏差を 示す. ここで, Recalc は姿勢再計算法を表し ている. Fig.10, Fig.11 から, 歩幅の推定で は, 姿勢再計算法が最も誤差が小さく, 次に, Madgwick フィルタ, 最も誤差が大きいのは EKF ということがわかる. また, 多重比較 の結果から, EKF は他の計算法よりも有意 に精度が悪い結果となった. Fig.12 に各アル ゴリズムにおける 1 計測分の爪先高さ, Fig.13 に各アルゴリズムでの爪先高さの



Fig.10 Horizontal travel distance for one measurement in each algorithm



Fig.11 Mean and standard deviation of error in estimated stride length

RMS の平均値と標準偏差を示す. Fig.12, Fig.13 から,爪先高さの推定において最も RMS が小さいのは,姿勢再計算法,最も RMS が大きいのは EKF ということがわか る.また,多重比較の結果から姿勢再計算法 と EKF の間に有意差があることがわかる. Fig.14 に各アルゴリズムにおける1歩分の 足関節角度,Fig.15,Fig.16,Fig.17に各ア ルゴリズムで求めた足関節角度の伸展・屈曲, 外転・内転,外がえし・内がえしの RMS の 平均値と標準偏差を示す.Fig.15 から,足関 節角度の伸展・屈曲において,最も RMS が 小さいのは姿勢再計算法であり,最も RMS が大きいのは EKF ということがわかる.ま た,多重比較の結果から EKF の精度が有意



Fig.12 Toe height for one measurement in each algorithm



RMS in toe height

に悪い結果となった. Fig.16 から足関節角 度の外転・内転において, RMS が最も小さ いのは姿勢再計算法であることがわかる. Fig.17 から足関節角度の外がえし・内がえし においては, Madgwick フィルタの RMS が 最も小さいことがわかる. 多重比較の結果か ら外転・内転, 外がえし・内がえしは, すべ ての場合において有意差はない.

#### 4.2 考察

本実験に使用した EKF は,建物外での体 全体の動きを測定するための仕様になって おり,建物内の外乱磁場の影響や歩行などの 早い動きに対応していない<sup>4)</sup>.そのため, EKF の推定精度が低くなったと考える.



RMS in ankle angle (extension  $\cdot$  flexion)

Madgwick フィルタは, 最急降下法により最 適化された姿勢を用いて磁気ひずみ補正を 行っているため,外乱磁場の影響も少なく, 推定精度が高くなったと考える.姿勢再計算 法の推定精度が高かった理由は,一歩毎に重 力加速度により立脚相の姿勢を求め,遊脚終 了時に時間をさかのぼって遊脚中の姿勢を 修正しているため,他の姿勢推定法に比べて 積分誤差の蓄積の影響が少ないことと,地磁 気を用いらないことにより,外乱磁場の影響 を受けないためであると考える.また,姿勢 再計算法は建物内での歩行計測に特化した 計算アルゴリズムであり,歩幅,爪先高さ, 足関節角度の推定において,高い推定精度に



Fig.17 Mean and standard deviation of RMS in ankle angle (outside turn • inner turn)

なったと考える.

# 5. おわりに

本研究では,慣性センサを用いて,姿勢再 計算法, EKF 法, Madgwick フィルタ法の 3 種類の解析法による歩行パラメータ推定 精度の比較を行った.その結果,姿勢再計算 法は歩幅,爪先高さ,足関節角度の推定にお いて高い推定精度を持つことが分かった.ま た,Madgwickフィルタも姿勢再計算法には 劣るものの,推定精度は悪くなかった.EKF は,他の姿勢推定法に比べて精度が低い結果 となった.本実験は20代男性1人を対象と し計測したが,今後は,被験者を増やして計 測するとともに,全速力歩行や不規則な歩き 方など,歩行方法を変えて計測し,推定精度 の評価を行う.

# 参考文献

- 中西 凌雅,園部 元康,廣瀬 圭,慣性 センサを用いた水平加速度の積分に基 づく歩幅推定,日本機械学会論文集, Vol.89, No.927, 2023.
- 2). Koichi Sagawa, Kensuke Ohkubo, 2D trajectory estimation during free walking using a tiptoe-mounted inertial sensor , Journal of Biomechanics, 48(10), (2015) 2045-2059.
- 3). Amir Mukhriz AZMAN, Chikara Nagai. Koichi SAGAWA. Yuichi HIRAKAWA and Kaori SAWADA, "Inertial gait analysis measurement for large-scale system health checkups", Journal of Advanced Mechanical Design, Systems, and Manufacturing, Vol.13, No.4, 1-13, 2019.
- 4). Angelo M. Sabatini, "Quaternionbased extended Kalman filter for determining orientation by inertial and magnetic sensing", IEEE TRANSACTIONS ON BIOMEDICAL ENGINEERING, Vol. 53, No. 7 (2006), pp. 1346-1356.
- 5). Sebastian O.H. Madgwick,"An efficient orientation filter for inertial and inertial/magnetic sensor arrays", "https://www.scribd.com/document/44 542050/An-Efficient-Orientation-Filter-for-Inertial-and-Inertial-Magnetic-Sensor-Arrays".